

ВИНТОВОЕ ДВИЖЕНИЕ — движение твёрдого тела, состоящее из прямолинейного *поступательного движения* с нек-рой скоростью v и *вращательного движения* с нек-рой угловой скоростью ω вокруг оси aa_1 , параллельной направлению поступат. скорости (рис. 1). Тело, совершающее стационарное В. д., т. е. В. д., при к-ром направление оси aa_1 остаётся неизменным, наз. винтом; ось aa_1 наз. осью винта; расстояние, проходимое любой точкой тела, лежащей на оси aa_1 , за время одного оборота, наз. шагом h винта, величина $p = v/\omega$ — параметром винта. Если вектор ω направлен в сторону, откуда вращение тела видно происходящим против хода

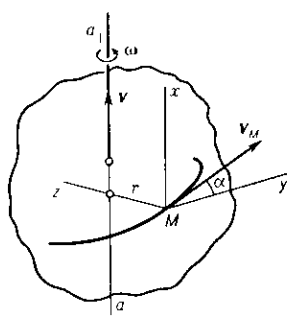


Рис. 1.

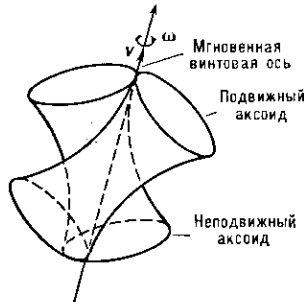


Рис. 2.

часовой стрелки, то при векторах v и ω , направленных в одну сторону, винт наз. правым, а в разные стороны, — левым.

Скорость и ускорение любой точки M тела, отстоящей от оси aa_1 на расстоянии r , численно равны

$$v_M = \sqrt{v^2 + r^2\omega^2}; \quad w_M = \sqrt{w^2 + r^2(\varepsilon^2 + \omega^4)},$$

где $w = dv/dt$, $\varepsilon = d\omega/dt$.

Когда параметр p постоянен, шаг винта $h = 2\pi v/\omega = 2\pi p$ также постоянен. В этом случае всякая точка M тела, не лежащая на оси aa_1 , описывает винтовую линию, касательная к к-рой в любой точке образует с плоскостью yz , перпендикулярной оси aa_1 , угол $\alpha = \text{arctg}(h/2\pi r) = \text{arctg} v/\omega r$.

Любое сложное движение твёрдого тела складывается в общем случае из серии элементарных или мгновенных В. д. Ось мгновенного В. д. наз. м г н о в е н н о й в и н т о в о й о с ью. В отличие от оси стационарного В. д., мгновенная винтовая ось непрерывно изменяет своё положение как по отношению к системе отсчёта, в к-рой рассматривается движение тела, так и по отношению к самому телу, образуя при этом 2 линейчатые (соприкасающиеся по прямой линии) поверхности, наз. соответственно неподвижным и подвижным аксоидами (рис. 2). Геом. картину движения тела можно в общем случае получить качением с продольным проскальзыванием подвижного аксоида по неподвижному, осуществляя таким путём серию тех последоват. В. д., из к-рых складывается движение тела.

Лит. см. при ст. *Кинематика*.

С. М. Тарг.

ВИНТОВОЙ ПОВОРОТ — операция симметрии в 3-мерном пространстве, состоящая из поворота вокруг оси симметрии на угол α_s с одновремен. переносом на фиксир. вектор t_s вдоль этой оси. Точки, получающиеся при многократном проведении определ. операции В. п., располагаются правильно по бесконечной спирали. Такая система точек совмещается сама с собой при действии операции В. п. и её повторении. Так, при $\alpha_s = 2\pi/N$ (N — целое число) система совмещается сама с собой при параллельном переносе на вектор $t = Nt_s$. В пространственных группах симметрии кристаллов возможны $N=2, 3, 4, 6$, т. е. $\alpha_s = 180^\circ, 120^\circ, 90^\circ, 60^\circ$.

В цилиндрич. (спиральных) группах симметрии, описывающих объекты, периодические в одном направлении (напр., молекулы полимеров), угол α_s может быть рациональным: $\alpha_s = 2\pi q/p$ — одна p -тая часть от q поворотов, период $t = pt_s$. Если $\alpha_s = 2\pi/M$, а M — ирра-

ционально, то истинного периода переноса не существует. Бесконечно малый угол α_s описывает сплошную спираль сливнившихся точек.

В. п. — операция симметрии первого рода, совмещающая конгруэнтно (но не зеркально) равные объекты в 3-мерном пространстве. В. п. могут быть правыми или левыми. Всякое преобразование первого рода в общем случае есть В. п.

Р. В. Галилеи.

ВИНЬЕТИРОВАНИЕ — частичное затемнение лучка лучей, проходящего через оптич. систему, обусловленное его ограничением диафрагмами системы. В. приводит к падению освещённости изображения, даваемого системой, при переходе от центра к краю поля зрения, В. полностью отсутствует только при совпадении плоскости входного люка с плоскостью объекта (соответственно плоскости выходного люка с плоскостью изображения); при этом изображение ограничено резко. В зеркальных и зеркально-линзовых системах возможен иной вид В., вызванный наличием 2-го отражат. элемента, препятствующего распространению центр. лучей пучка.

В. играет существ. роль в фотогр. объективах, особенно в широкоугольных, в результате чего фотоластикка или плёнка на краях оказывается недоэкспонированной. С возможностью В. необходимо считаться в спектральном анализе, напр. в случае, когда должна быть обеспечена равномерная по всей высоте освещённость изображения щели спектрографа.

ВИРИАЛА ТЕОРЕМА (нем. Virial, от lat. vires, мп. ч. от vis — сила) — соотношение, связывающее ср. кинетич. энергию системы частиц с действующими в ней силами. Для классич. системы материальных точек, движущихся так, что их координаты r_i и скорости v_i ($i=1, 2, \dots, N$) не достигают бесконечных значений, среднее по бесконечному промежутку времени от кинетич. энергии $K(v) = \sum_i m_i v_i^2/2$ равно среднему от вириала сил F_i , действующих на материальные точки системы:

$$\overline{K(v)} = - \sum_i \overline{r_i F_i/2}. \quad (1)$$

Эта теорема доказана Р. Клаузиусом (R. Clausius) в 1870, причём выражение, стоящее в правой части (1) под знаком среднего, названо им вириалом. Если силы F_i потенциальны, то теорема (1) приобретает вид:

$$\sum_i \overline{m_i v_i^2} = \sum_i \overline{r_i \partial U / \partial r_i}, \quad (2)$$

где U — потенциал, соответствующий силе F .

В форме (2) В. т. справедлива также и для квантовомеханич. систем, если только черту сверху понимать как квантовомеханич. среднее, а стоящие под ней выражения — как соответствующие этим величинам квантовомеханич. операторы.

Если потенц. энергия $U(r)$ является однородной ф-цией n -го порядка, $U(r) \sim r^n$, то средняя кинетич. и средняя потенц. энергии связаны простым соотношением $\overline{K(v)} = n \overline{U(r)}/2$. В частности, для гармонич. осциллятора ($n=2$) $\overline{K} = \overline{U}$, для кулоновского потенциала ($n=-1$) $\overline{K} = -\overline{U}/2$.

В статистич. механике В. т. в определ. смысле удаётся усилить; если классич. система N частиц находится в состоянии термодинамич. равновесия, то среднее от кинетич. энергии K_i , приходящееся на к.-л. степень свободы l ($l=1, 2, \dots, 3N$), не только равно среднему от соответствующей этой степени свободы вириалу, но и является не зависящей от характера данной степени свободы величиной, равной $\theta/2 = kT/2$ (T — абс. темп-ра). Усреднение здесь проводится с помощью *канонического распределения Гиббса*. Статистич. В. т. обычно записывают в виде:

$$\overline{K_l} = 2^{-1} p_l \partial \Pi / \partial p_l = 2^{-1} x_l \partial \Pi / \partial x_l = \theta/2, \quad (3)$$