

направленного движения равна нулю (разомкнутая внеш. цепь), представляет собой коэф. теплопроводности. Отсутствие эл. тока при наличии градиента темп-ры обеспечивается возникновением эл. поля, пропорц. градиенту темп-ры (*Зеебека эффект*). Это поле создаёт эл. ток, компенсирующий ток, создаваемый потоком «горячих» электронов. Таким образом, Д. т. м. качественно объясняет электронную теплопроводность и нек-рые термоэлектрические явления в металлах.

Наиб. вычл. и ошибочным, хотя и ошибочным, результатом Д. т. м. явилось объяснение Видемана — Франца закона. Оно было связано с взаимной компенсацией двух ошибок при вычислении электронной теплоёмкости (в Д. т. м. она получается примерно в 100 раз больше истинной) и ср. квадрата скорости электрона (к-рый оказывается во столько же раз меньше истинного; кроме того, Друде ошибся в 2 раза при вычислении электропроводности).

Д. т. м., будучи классич. теорией, принципиально не могла объяснить ряд эксперим. фактов: 1) отсутствие электронного вклада в теплоёмкость, равного $3nk/2$; 2) величину длины свободного пробега l электронов, превосходящую в сотни раз расстояние между ионами; 3) знак постоянной Холла, к-рый может быть как отрицательным, так и положительным; 4) зависимость сопротивления многих металлов от внеш. магн. поля (см. *Магнетосопротивление*); 5) наблюдаемые значения термоэдс, к-рые примерно на 2 порядка меньше, чем следует из Д. т. м.

Развитие квантовой статистики и квантовой механики привело к появлению квантостатистич. теории электронного газа в металлах (см. *Зоммерфельда теория металлов*) и зонной теории твёрдого тела, к-рые объяснили упомянутые выше (а также др.) факты, необъяснимые в рамках Д. т. м. Несмотря на это, Д. т. м. благодаря простоте и наглядности можно использовать для качеств. оценок кинетич. явлений в металлах, и особенно в полупроводниках, где носители заряда подчиняются классич. статистике.

Лит.: Друде Р., *Zur Elektronentheorie der Metalle*, «Ann. Phys.», 1900, Bd 1, S. 566; Ашкрофт Н., Мермин Н., *Физика твёрдого тела*, пер. с англ., т. 1, М., 1979; Гроссе П., *Свободные электроны в твёрдых телах*, пер. с нем., М., 1982. Э. М. Эштетин.

ДРУДЕ ФОРМУЛА — формула, описывающая высокочастотную проводимость σ металлов на основе представления об электронах как о свободных частицах, движущихся через кристалл с трением (см. *Друде теория металлов*). Д. ф. даёт частотную зависимость $\sigma = \sigma(\omega)$ образца, находящегося в эл. поле частоты ω :

$$\sigma(\omega) = \sigma_0 \frac{1 + i\omega\tau}{1 + \omega^2\tau^2}, \quad (1)$$

где σ_0 — статич. проводимость, определяемая ф-лой:

$$\sigma_0 = \frac{ne^2\tau}{m}. \quad (2)$$

Здесь n — концентрация свободных электронов, m , e , τ — масса, заряд и время свободного пробега электрона. Соотношение (2) также часто называют Д. ф.

Исходным пунктом для вывода Д. ф. служит стационарное решение ур-ния движения электрона:

$$m \frac{dv}{dt} + \frac{m}{\tau} v = eE. \quad (3)$$

Здесь $E = E_0 e^{i\omega t}$ — напряжённость эл. поля частоты ω , m/τ — коэф. трения. Согласно теории Друде, трение возникает в результате рассеяния свободных электронов (гл. обр. на ионах). Если принять, что при каждом столкновении электрон полностью теряет связь с движением до столкновения, то τ совпадает со временем свободного движения между столкновениями. Объединив получающееся из (3) выражение для скорости v с определением плотности тока $j = nev$, получим Д. ф. (1) для проводимости.

Д. ф. используют для описания оптич. свойств металла, вводя его диэлектрич. проницаемость ϵ (см. *Диэлектрики*):

$$\epsilon(\omega) = \epsilon_0 + \frac{4\pi i\sigma(\omega)}{\omega}. \quad (4)$$

Здесь ϵ_0 — диэлектрич. проницаемость ионного остова. Из (4) видно, что $\text{Im} \sigma$ связана с $\text{Re} \epsilon$, а $\text{Re} \sigma$ связана с $\text{Im} \epsilon$ и определяет поглощение эл.-магн. энергии металлом. Д. ф. объясняет отражат. способность металла (металлич. блеск) и возникновение прозрачности в УФ-диапазоне при $\omega \gg \omega_{\text{пл}} = \sqrt{4\pi ne^2/\epsilon_0 m}$ и $\omega \tau \gg 1$ (см. *Металлооптика*).

Д. ф. и её обобщения находят применение для описания высокочастотных и магнитооптич. свойств металлов и полупроводников. Это связано с тем, что Д. ф. может быть выведена и на основании совр. представлений о движении электронов в кристаллах (см. *Блоховские электроны*). При этом ряд величин, входящих в выражения (1) и (2), приобретают смысл, отличающийся от того, к-рый им придавал Друде, m замещается *эффективной массой* электрона m^* , а время свободного пробега τ определяется столкновениями не с периодически расположенными ионами кристаллич. решётки, а с нерегулярностями, присущими каждому кристаллу (с дефектами решётки, с фононами и т. п.).

Лит. см. при статье *Металлы*. В. М. Винокур.
ДУАЛИЗМ КОРПУСКУЛЯРНО-ВОЛНОВОЙ — см. *Корпускулярно-волновой дуализм*.

ДУАЛЬНОЕ ПРЕОБРАЗОВАНИЕ (от лат. dualis — двойственный) — преобразование от переменных параметров порядка (ПП) к переменным параметрам беспорядка (ПБ) в решёточной модели статистич. физики (см., напр., *Двумерные решёточные модели*). Флуктуации ПП малы при низких темп-рах, а флуктуации ПБ малы при высоких темп-рах. Д. п. существует для моделей с локальным взаимодействием, инвариантным относительно абелевой группы симметрии. Введено Х. Крамерсом (H. Kramers) и Г. Ванье (G. Wannier) в 1941.

Переменные ПП (условно наз. спинами) — двумерные единичные векторы $S(r) = \{\cos \theta(r), \sin \theta(r)\}$, заданные в узлах решётки r . Для простоты рассматривается квадратная решётка при $d=2$ и кубическая при $d=3$ (d — размерность пространства). Углы $\theta(r)$ принимают непрерывный ряд значений $0 \leq \theta(r) \leq 2\pi$ в $U(1)$ -модели и дискретные значения $\theta(r) = 2\pi p(r)/q$, $p=0, 1, \dots, q-1$ в Z_q -модели. Взаимодействуют спины, находящиеся в соседних узлах. Энергия парного взаимодействия спинов в узлах r и $r+\mu$ (μ — базисный вектор решётки) зависит от разности углов в этих узлах (решётчного градиента) $\partial_\mu \theta(r) = \theta(r+\mu) - \theta(r)$ с точностью до слагаемого, кратного 2π . Система полностью характеризуется набором парных статистич. весов (ПСВ) $w[\partial_\mu \theta(r)] = \exp\{-\epsilon[\partial_\mu \theta(r)]/T\}$, где $\epsilon[\partial_\mu \theta(r)]$ — энергия парного взаимодействия, T — темп-ра в энергетич. единицах.

ПСВ не меняются при одинаковом повороте всех спинов на произвольный угол θ для группы $U(1)$ и угол θ , кратный $2\pi/q$, для группы Z_q . ПСВ как периодич. функцию рёберной переменной $\theta_\mu(r) \equiv \partial_\mu \theta(r)$ можно разложить в ряд Фурье на группе $U(1)$:

$$w(\theta_\mu) = \sum_{n_\mu = -\infty}^{\infty} \tilde{w}(n_\mu) \exp(in_\mu \theta_\mu). \quad (1)$$

Ряд Фурье на группе Z_q конечен:

$$w(p_\mu) = \sum_{n_\mu = 0}^{q-1} \tilde{w}(n_\mu) \exp(in_\mu \theta_\mu), \quad (2)$$

где $\theta_\mu = 2\pi p_\mu/q$.

Переход в статистич. сумме к целочисл. рёберным переменным $n_\mu(r)$ приводит к условию равенства нулю их дивергенции в каждом узле решётки. Этому условию удовлетворяет след. представление: $n_\mu(r) = \epsilon_{\mu\nu} \partial_\nu m(R)$, $d=2$; $n_\mu(r) = \epsilon_{\mu\nu\lambda} \partial_\nu m_\lambda(R)$, $d=3$, где ϵ —