

на базе квантовой теории излучения и квантовой теории спинорного поля Дирака.

В основе совр. формулировки КЭД лежит модель, содержащая два взаимодействующих между собой релятивистских поля. Эл.-магн. поле характеризуется действительным четырёхмерным векторным потенциалом  $A_\mu(x)$  ( $\mu=0, 1, 2, 3$ ;  $x$  — пространственно-временная точка), к-рый с формальной стороны может рассматриваться как простейшее (абелево) калибровочное поле. Поле Дирака описывается комплексным лоренцевым спинором  $\psi_\alpha(x)$ ,  $\bar{\psi}_\beta(x)$  ( $\alpha, \beta=1, 2, 3, 4$  [черта над  $\psi$  означает дираковское сопряжение]).

Лагранжиан взаимодействия КЭД

$$L(x) = e\bar{\psi}(x)\gamma^\mu\psi(x)A_\mu(x) - j^\mu(x)A_\mu(x) \quad (1)$$

(где  $e$  — заряд электрона,  $\gamma^\mu$  — Дирака матрицы,  $j^\mu(x)$  — 4-вектор электрон-позитронного тока) может быть получен заменой обычной производной на ковариантную производную в лагранжиане свободного поля Дирака. Как видно, лагранжиан представляет собой выражение вида произведения (ток)  $\times$  (потенциал). В качестве константы взаимодействия (константы связи) выступает электрич. заряд  $e$ .

Квантование системы полей  $A, \psi, \bar{\psi}$ , взаимодействующих в соответствии с лагранжианом (1), приводит к КЭД. При этом поле Максвелла  $A$  квантуется по Бозе — Эйнштейну, а поле Дирака  $\psi, \bar{\psi}$  — по Ферми — Дираку (см. *Перестановочные соотношения*). Согласно общим положениям КТП, поля  $A, \psi, \bar{\psi}$  после квантования становятся операторами, удовлетворяющими определ. перестановочным соотношениям и действующими на вектор состояния системы. Эти операторы удовлетворяют также связанной системе дифференциальных ур-ний, к-рые вместе с ур-нием Шрёдингера для вектора состояния образуют систему ур-ний движения КЭД.

Специфика квантования в КЭД связана с тем, что эл.-магн. поле описывается не векторами напряжённостей электрич. ( $E$ ) и магн. ( $H$ ) полей (ср. значения к-рых являются физически наблюдаемыми величинами), а потенциалом  $A_\mu$ , содержащим избыточные — продольные и временные — степени свободы. Для исключения соответствующих «лишних» динамич. переменных при классич. рассмотрении обычно накладывают на  $A_\mu$  те или иные дополнит. условия (напр., условие Лоренца  $\partial^\mu A_\mu = 0$ ). Другими словами, выбор в качестве динамич. переменных четырёх компонент потенциала приводит к тому, что эл.-магн. поле оказывается представленным в виде системы со связями. Для квантования таких систем может быть использован разработанный в 1965 П. А. М. Дираком (P. A. M. Dirac) формализм (т. н. обобщённая гамильтонова динамика). В рассматриваемом случае заряды с ней употребляют также спец. процедуру [квантование по Гупте—Блейлеру; С. Н. Гупта (S. N. Gupta), К. Блейлер (K. Bleuler), 1950], сводящаяся к исключению из полной системы допустимых состояний тех состояний, к-рые содержат продольные и (или) временные фотоны.

Поскольку система ур-ний движения КЭД не допускает точного решения, её решают приближённо методом теории возмущений по имеющемуся малому безразмерному параметру  $\alpha = e^2/\hbar c \approx 1/137$ , характеризующему интенсивность процессов эл.-магн. взаимодействия и называемому тонкой структуры постоянной.

Как правило, вычисляют амплитуды вероятностей перехода систем, состоящих из электронов, позитронов, фотонов (и нек-рых других заряд. частиц, напр. мюонов, кварков, протонов), из одного — начального — состояния в другое — конечное. Такие амплитуды представляются матричными элементами  $M$  матрицы

рассеяния и вычисляются в виде разложений по степеням  $\alpha$ .

Уже первые попытки приложения КЭД к реальным процессам (напр., к комптоновскому рассеянию фотонов на электронах или к мёллеровскому рассеянию электронов) привели к парадоксальным результатам. Наинищее приближение для матричного элемента  $M \sim \alpha$  (фактически не использующее представления о квантовом характере поля Дирака и потому эквивалентное квантовой теории излучения) приводило к выражениям (напр., к Клейна — Нишины формуле), выходящимся в хорошем количеств. согласии с опытом. Относит. погрешность составляла величину порядка  $\alpha$ , поэтому появилась необходимость учёта высших членов теории возмущений. Эти члены — т. н. радиационные поправки — соответствуют вкладам от таких переходов, к-рые в промежуточных состояниях содержат дополнит. виртуальные частицы — виртуальные фотоны, электроны и позитроны. Оказалось, однако, что соответствующие матричные элементы, представляемые интегралами по 4-импульсам виртуальных частиц, как правило, расходятся в УФ-области (см. *Ультрафиолетовая расходимость*) и поэтому не могут быть вычислены. Проблема УФ-расходимостей в течение многих лет препятствовала вычислению радиац. поправок в КЭД и развитию КТП в целом.

Проблема была решена во 2-й пол. 40-х гг. в рамках вновь созданной ковариантной формулировки квантовой теории возмущений на основе физ. идеи о перенормировках. В основе метода перенормировок лежит тот факт, что в КЭД все УФ-бесконечности могут быть представлены в виде вкладов, перенормирующих характеристики электрона — его массу  $m$  и заряд  $e$ . Бесконечный характер таких перенормировок не приводит к физ. противоречиям вследствие ненаблюдаемости перенормированных, «голых», значений  $m_0$  и  $e_0$ .

Исторически первой успешной демонстрацией плодотворности идеи об устранении УФ-расходимостей с помощью бесконечных перенормировок была работа Х. Бете (H. A. Bethe; 1947) по релятивистскому расчёту лэмбовского сдвига уровней в атоме водорода. Ковариантная теория возмущений [С. Томонага (S. Tomonaga), Ю. Швингер (J. Schwinger), Р. Фейнман (R. Ph. Feynman), 1946—49] позволила создать регулярный метод устранения расходимостей в КЭД и вычислить низшие радиац. поправки к осн. эффектам, напр. к магн. моменту электрона. В 1-й пол. 50-х гг. была разработана [Ф. Дайсон (F. J. Dyson), А. Салам (A. Salam), Н. Н. Боголюбов и др.] общая теория перенормировок и для класса перенормируемых взаимодействий построена перенормированная теория возмущений.

Основной практич. вычислений в КЭД являются т. н. правила Фейнмана (см. *Фейнмана диаграммы*). Согласно этим правилам, для вычисления матричного элемента к.-л. процесса в данном фиксированном порядке теории возмущений следует составить полный набор диаграмм Фейнмана этого порядка и затем с каждой из диаграмм по нек-рым правилам соответствия сопоставить определ. выражение; сумма этих выражений и образует вклад данного порядка в матричный элемент. Общая теория перенормировок позволяет избавиться от всех УФ-расходимостей в матричных элементах и получить конечные однозначные результаты в произвольных, в принципе сколь угодно высоких порядках по степеням  $\alpha$ . Конечные вклады высоких порядков можно представить в виде несингулярных многократных интегралов по нек-рым числовым параметрам. Эти параметрич. интегралы в простейших случаях вычисляются аналитически, а в более сложных — численно.

Кроме УФ-расходимостей, радиац. поправки к процессам с участием заряд. частиц обладают также инфракрасными расходимостями (связанными, в конечном счёте, с дальнедействующим характером эл.-магн. взаи-