

ур-нии и поэтому для слабо неоднородного газа может служить нулевым приближением для его решения. Ф-ции $n(\mathbf{r}, t)$, $T(\mathbf{r}, t)$, $\mathbf{u}(\mathbf{r}, t)$ определяют из условия совпадения ср. значений плотности частиц, ср. скорости, ср. квадрата скорости (кинетич. энергии), вычисленных с помощью ф-ции (4) и ф-ции f , являющейся решением ур-ния (3).

Для слабо неоднородного газа в первом приближении решение ур-ния (3) имеет вид $f=f_0(1+\Phi)$, где Φ удовлетворяет интегральному ур-нию

$$n^2 I(\Phi) = -f_0 \left\{ (mc^2/2kT - \frac{5}{2}) c_i d \ln T / dx_i + \right. \\ \left. + (m/kT) (c_i c_j - c^2 \delta_{ij}/3) du_i / dx_j \right\}, \quad (5)$$

в к-ром проводится суммирование по повторяющимся индексам;

$$n^2 I(\Phi) = \iint f_0(\mathbf{v}) f_0(\mathbf{v}_1) (\Phi + \Phi_1 - \Phi' - \Phi'_1) \times \\ \times |\mathbf{v} - \mathbf{v}_1| \sigma d\Omega d\mathbf{v}_1$$

— линеаризованный интеграл столкновений, δ_{ij} — единичный тензор.

Из условия разрешимости (5) следует, что

$$\Phi = -n^{-1} A_i(\mathbf{c}) d \ln T / dx_i - n^{-1} B_{ij}(\mathbf{c}) du_j / dx_j,$$

векторная и тензорная ф-ции $A_i(\mathbf{c})$, $B_{ij}(\mathbf{c})$ определяют неравновесные поправки к тензору напряжений p_{ij} и потоку тепла q и, следовательно, коэф. вязкости η и теплопроводности λ :

$$p_{ij} = -\eta \left\{ \frac{\partial u_i}{\partial x_j} + \frac{\partial u_j}{\partial x_i} - \frac{2}{3} \delta_{ij} \operatorname{div} \mathbf{u} \right\}, \\ q = -\lambda \operatorname{grad} T,$$

$$\eta = (kT/10) [B_{ij}, B_{ij}], \quad \lambda = (k/3) [A_i, A_i],$$

где $A_i(\mathbf{c}) = A(\mathbf{c})c_i$, $B_{ij}(\mathbf{c}) = B(\mathbf{c})(c_i c_j - c^2 \delta_{ij}/3)$, $[A_i, A_i] = \int A_i(\mathbf{c}) I[A_i(\mathbf{c})] d\mathbf{c}$ — т. п. интегральные скобки (для $[B_{ij}, B_{ij}]$ — аналогично). Для вычисления η и λ обычно выбирают для $A(\mathbf{c})$ и $B(\mathbf{c})$ пробную конечную комбинацию ортогональных полиномов и используют вариационный принцип минимальности производства энтропии.

Первое приближение для η и λ даёт выражения:

$$\eta = 5kT/8\Omega^{(2,2)}, \quad \lambda = 25C_V kT/16\Omega^{(2,2)},$$

где

$$\Omega^{(2,2)} = (kT/\pi m)^{1/2} \int_0^\infty \exp(-g^2) g^7 Q^{(2)}(g) dg$$

— величина, пропорциональная зависящему от времени эфф. сечению рассеяния для данного типа взаимодействия,

$$Q^{(2)}(g) = 2\pi \int [1 - \cos^2 \chi(b, g)] b db$$

— транспортное сечение рассеяния, где $\chi(b, g)$ — угол рассеяния, g — безразмерная относ. скорость. Для модели упругих шаров

$$\eta = \frac{5}{16} \frac{(\pi m k T)^{1/2}}{\pi d^2}, \quad \lambda = \frac{25}{32} \frac{C_V (\pi m k T)^{1/2}}{\pi d^2}.$$

Для газовой смеси вводят ф-ции распределения для каждой из компонент и получают систему кинетич. ур-ний. В этом случае решения для ф-ций распределения f_k содержат дополнит. член $D_k(\mathbf{c}) \operatorname{grad} n_k$, где $D_k(\mathbf{c})$ определяют диффузионные потоки и, следовательно, коэф. диффузии.

В ионизованных газах ионы и электроны взаимодействуют по закону Кулона $\phi(r) \sim r^{-1}$, в сферу эфф. взаимодействия попадает много частиц и конденция парных столкновений, строго говоря, не применима. Однако и в этом случае для вычисления η и λ можно использовать кинетич. ур-ние, если учесть, что гл. роль

играют столкновения с большим прицельным расстоянием (малой передачей импульса) и имеет место экранирование кулоновского взаимодействия.

В кинетич. теории квантовых газов нужно учитывать изменения, связанные со статистикой частиц. Если газ подчиняется квантовой статистике, то вероятность столкновения будет зависеть не только от заполнения состояний сталкивающихся частиц, но и от заполнения состояний, в к-рые частицы переходят. Для квантовых газов интегралы столкновений содержат множители

$$f(\mathbf{v}_1, t) f(\mathbf{v}_2, t) [1 \mp f(\mathbf{v}'_1, t)] [1 \mp f(\mathbf{v}'_2, t)],$$

здесь верх. знак относится к Ферми — Дирака статистике, а нижний — к Бозе — Эйнштейна статистике.

Лит.: Боголюбов Н. Н., Проблемы динамической теории в статистической физике, М.—Л., 1946, его же, Избр. труды по статистической физике, М., 1979; Больцман Л., Лекции по теории газов, пер. с нем., М., 1953; Чепмен С., Каулинг Т., Математическая теория неоднородных газов, пер. с англ., М., 1960; Коган М. Н., Динамика разреженного газа, М., 1967; Силин В. П., Введение в кинетическую теорию газов, М., 1971; Либов Р., Введение в кинетическую теорию уравнений, пер. с англ., М., 1974; Климонтович Ю. Л., Кинетическая теория неидеального газа и неидеальной плазмы, М., 1975; Ферцигер Дж., Капер Г., Математическая теория процессов переноса в газах, пер. с англ., М., 1976; Черчиляни К., Теория и приложения уравнения Больцмана, пер. с англ., М., 1978; Лишиц Е. М., Пятаевский Л. П., Физическая кинетика, М., 1979. Д. Н. Зубарев.

КИНЕТИЧЕСКАЯ ЭНЕРГИЯ — энергия механич. системы, зависящая от скоростей её точек. К. э. *Т материальной точки* измеряется половиной произведения массы m этой точки на квадрат её скорости v , т. е. $T = \frac{1}{2} m v^2$. К. э. механич. системы равна арифметич. сумме К. э. всех её точек: $T = \sum_k \frac{1}{2} m_k v_k^2$. Выражение К. э.

системы можно ещё представить в виде $T = \frac{1}{2} M v_c^2 + T_c$, где M — масса всей системы, v_c — скорость центра масс, T_c — К. э. системы в её движении по отношению к системе отсчёта, перемещающейся поступательно вместе с центром масс.

К. э. твёрдого тела, движущегося поступательно, вычисляется так же, как К. э. точки, имеющей массу, равную массе всего тела. Ф-лы для вычисления К. э. тела, вращающегося вокруг неподвижной оси или точки, см. в ст. *Вращательное движение*.

Изменение К. э. системы при её перемещении из положения (конфигурации) 1 в положение 2 происходит под действием приложенных к системе внеш. и внутр. сил и равно сумме работ A_k^e и A_k^i этих сил на данном перемещении: $T_2 - T_1 = \sum_k A_k^e + \sum_k A_k^i$. Это равенство выражает теорему об изменении К. э., с помощью к-рой решаются мн. задачи динамики.

При скоростях, близких к скорости света, К. э. материальной точки

$$T = \frac{m_0 c^2}{\sqrt{1 - v^2/c^2}} - m_0 c^2,$$

где m_0 — масса покоящейся точки, c — скорость света в вакууме ($m_0 c^2$ — энергия покоящейся точки). При малых скоростях ($v \ll c$) последнее соотношение переходит в обычную ф-лу: $T = m_0 v^2/2$. См. также *Энергия, Энергии сохранения закон, Относительности теория*.

Лит. см. при ст. *Динамика*. С. М. Тарг.

КИНЕТИЧЕСКИЕ КОЭФФИЦИЕНТЫ — коэф. L_{ik} , к-рые входят в линейные соотношения термодинамики неравновесных процессов $I_i = \sum_k L_{ik} X_k$, выражающие связь

потоков I_i физ. величин (напр., потоков энергии, массы компонентов, импульса и др.) с вызывающими эти потоки термодинамич. силами X_k (градиентами темп-ры T , хим. потенциала μ , гидродинамич. скорости v). Коэф. L_{ik} наз. также онсагеровскими и К. к., если силы и потоки выбраны так, что производство энтропии в системе в единицу времени вследствие необратимых процессов равно $\sigma = \sum_{i,k} X_i L_{ik} X_k$.