

Чиркин А. С., Введение в статистическую радиофизику и оптику, М., 1981. К. Н. Дравович.

КОДИРОВАНИЕ ИНФОРМАЦИИ — установление соответствия между элементами сообщения и сигналами, при помощи к-рых эти элементы могут быть зафиксированы.

Пусть B , $b_i \in B$, $i = \overline{1, n}$ — множество элементов сообщения, A — алфавит с символами $a_j \in A$, $j = \overline{1, m}$. Пусть конечная последовательность символов наз. словом в данном алфавите. Множество слов в алфавите A наз. кодом, если оно поставлено во взаимно однозначное соответствие с множеством B . Каждое слово, входящее в код, наз. кодовым словом. Число символов в кодовом слове наз. длиной слова. Кодовые слова могут иметь одинаковую или разл. длину. В соответствии с этим код наз. равномерным или неравномерным.

Цели К. и.: представление входной информации в ЭВМ, согласование источников информации с каналом передачи, обнаружение и исправление ошибок при передаче и обработке данных, сокрытие смысла сообщения (криптография) и т. д. Информационные свойства объекта, как правило, таковы, что код может быть представлен наиболее экономным образом. Эту задачу решает кодер источника, удаляя из сообщений избыточность. Дальнейшие этапы прохождения данных — передача по каналу передачи и (или) хранение в запоминающих устройствах — требуют обнаружения и (или) исправления ошибок, возникающих в них вследствие помех. Эти цели достигаются путём корректирующего кодирования, осуществляемого кодером канала. Наконец, защита информации от искажений при обработке в ЭВМ осуществляется применением арифметич. кодов.

Кодирование значений. Натуральное число N представлено в позиционной весомазначной системе счисления, если имеет место соотношение

$$N = \sum_{i=0}^{n-1} a_i p_i, \quad (1)$$

где $A = \{a_0, \dots, a_i, \dots, a_{n-1}\}$ — цифровой алфавит с n цифрами, $P = \{p_0, \dots, p_i, \dots, p_{n-1}\}$ — веса разрядов, $i = \overline{0, n-1}$ — номера разрядов. Термин «позиционная» означает, что в кодовом представлении (или просто коде) числа, выражаемом условным равенством

$$N = a_{n-1} \dots a_i \dots a_0,$$

количественный эквивалент, сопоставляемый цифре a_i , зависит и от её расположения в коде. Термин «весомая» означает, что каждый разряд имеет вес p_i . Вес младшего разряда p_0 в цифровой измерительной технике отождествляется с разрешающей способностью аналого-цифрового преобразования. Выбор алфавита A и системы весов P задаёт классификацию позиционных систем счисления (кодирование значений).

В естественных системах

$$p_i = n p_{i-1} = n^i p_0 \quad (2)$$

и, если n — основание системы счисления — натуральное число, любое число X может быть представлено как

$$X = \sum_{l=-\infty}^{\infty} a_l n^l. \quad (3)$$

Выбор алфавита смещённым: $A = (0, 1, \dots, n-1)$, $A = (-n-1, \dots, 1, 0)$, или симметричным: $A = (-n-1, \dots, -1, 0, 1, \dots, n-1)$ позволяет представлять соответственно положительные, отрицательные или любые числа. Симметричная система должна обладать чётным основанием.

В ЭВМ почти исключительно используется позиционная двоичная смещённая система ($n=2$) с цифрами (0, 1) и естественным соотношением весов, представляющих ряд чисел

$$\dots 2^l, 2^{l-1}, \dots, 1, 0, \dots, 2^{-l}.$$

Возможно применение и иного набора цифр, напр. $(-1, 1)$, дающего нек-рые специфические преимущества.

Развиваются двоичные системы, веса разрядов к-рых находятся не в естественном (2), а в более сложном соотношении, образуя, напр., ряд Фибоначчи (или «золотую пропорцию») [1]. Число N в коде Фибоначчи представляется соотношением

$$N = a_{n-1} \varphi(n-1) + a_{n-2} \varphi(n-2) + \dots + a_0 \varphi(0), \quad (4)$$

где $\varphi(n)$ — числа Фибоначчи, связанные соотношением

$$\varphi(n) = \varphi(n-1) + \varphi(n-2), \quad \varphi(0) = 1, \quad \varphi(1) = 2.$$

Разложение (4) числа N неоднозначно. Для любого N существует код, в к-ром не встречается двух следующих подряд нулей, а также код, в к-ром не соседствуют единицы. Эти, а также др. структурные особенности кодов Фибоначчи и «золотых» кодов делают их удобными для построения самокорректирующихся преобразователей, запоминающих и вычислит. устройств, сервоприводов с цифровым управлением и т. п.

Тройчные системы счисления наиб. экономичны в том смысле, что именно в тройчном коде определ. кол-вом знаков может быть выражено наибольшее разнообразие чисел. Есть основание полагать, что в будущем именно в силу указанного свойства тройчная симметричная система кодирования с цифрами $(-1, 0, 1)$ займёт в вычислит. технике доминирующее место. Проблемой остаётся создание элементов, реализующих ф-ции базиса в тройчной логике: тройчный инвертор и тройчные НЕ—И или тройчные НЕ—ИЛИ (см. *Логические схемы*).

Непозиционные коды применяют в специализированных измерит. и вычислит. устройствах [2]. Простейший из непозиционных — унитарный код можно получить, положив в (2) $n=1$ и $p_0=1$. В нём число N представляется как $N = n+1$ — последовательно суммируемые единицы. Так работают, напр., счётчики импульсов.

Среди систем непозиционного кодирования выделяется система счисления в остаточных классах (СОК). Число N в СОК представляется в виде упорядоченного набора остатков (вычетов) по взаимно простым основаниям p_1, \dots, p_n : $N = (\alpha_1, \dots, \alpha_i, \dots, \alpha_n)$, где α_i — наименьший вычет N по модулю p_i . Система оснований p_1, p_2, \dots, p_n определяет диапазон представления чисел $P = p_1, p_2, \dots, p_n$. В СОК арифметич. операции производятся независимо по каждому основанию и это позволяет существенно увеличить скорость их выполнения. В СОК удобен контроль операций, т. к. ошибки локализованы в пределах оснований. Специфичным для вычислит. устройств, работающих в СОК, является применение табличной арифметики: значения ф-ции, подлежащей вычислению, заранее заносятся в таблицу, а затем извлекаются при поступлении значений операндов.

Эффективное кодирование источника информации [3] имеет целью согласование информационных свойств источника информации (ИИ) и канала передачи. Предполагается, что ИИ выдаёт на выходе сообщение, состоящее из букв m -буквенного алфавита

$$A_m = \{a_1, \dots, a_m\},$$

причем появление букв статистически независимо и подчинено распределению

$$P = \{p_1, \dots, p_m\}, \quad p_i > 0, \quad \sum_i p_i = 1.$$

Источник характеризуется энтропией на символ

$$H(P) = \sum_{i=1}^m p_i \log_2(1/p_i).$$

Энтропия $0 \leq H(P) \leq \log_2 m$ имеет смысл меры неопределённости относительно появления на выходе ИИ очередного символа. Равенство $H(P) = 0$ достигается при вырожденном распределении P , т. к. сообщение