

следует Л. у.:

$$\frac{\partial f}{\partial t} = \sum_i \left( \frac{\partial H}{\partial q_i} \frac{\partial f}{\partial p_i} - \frac{\partial H}{\partial p_i} \frac{\partial f}{\partial q_i} \right) = \{H, f\}, \quad (1)$$

где  $(H, f)$  — Пуассона скобка,  $H$  — ф-ция Гамильтона. Из постоянства ф-ции распределения  $f$  вдоль фазовых траекторий можно сделать важный для статистич. физики вывод, что  $f$  в случае статистич. равновесия зависит лишь от интегралов движения системы.

В квантовой статистич. механике система описывается статистич. оператором (матрицей плотности)  $\rho$ , к-рый удовлетворяет квантовому Л. у.:

$$i\hbar \frac{\partial \rho}{\partial t} = [H, \rho], \quad (2)$$

где квадратная скобка обозначает коммутатор операторов  $H$  и  $\rho$ , т. е.  $[H, \rho] = H\rho - \rho H$ ,  $H$  — оператор Гамильтона,  $[H, \rho]/i\hbar$  — квантовая скобка Пуассона,  $\hbar$  — постоянная Планка. Ур-ние (2) является квантовым аналогом классич. Л. у. (1). Стационарным равновесным решением Л. у. является произвольная ф-ция от  $H$ , вид к-рой определяется типом статистического ансамбля Гиббса. Неравновесные ф-ции распределения статистич. систем находятся как решения Л. у., зависящие от параметров, к-рые описывают неравновесное состояние.

Лит. см. при ст. Статистическая физика. Д. Н. Зубарев. **ЛИФШИЦА — ОНСАГЕРА КВАНТОВАНИЕ** — обобщение правила орбитального квантования электронов в магн. поле (см. Ландау уровни) для случая произвольного закона дисперсии носителей заряда в металлах. В металле для электронов, находящихся вблизи ферми-поверхности, значения энергии уровней Ландау  $\epsilon_n \sim \epsilon_F$  ( $\epsilon_F$  — энергия Ферми) намного превосходят характерное расстояние между ними  $\hbar\omega_c$  ( $\omega_c = eH/m^*c$  — циклотронная частота,  $e$  и  $m^*$  — заряд и эфф. масса носителей). Обычно в металлах в поле  $H \sim 10^4$  Э отношение  $\epsilon_F/\hbar\omega_c \sim 10^4$ . Поэтому в металлах орбитальное квантование описывается квазиклассически, а уровни Ландау характеризуются высокими квантовыми числами ( $n \sim 10^4$ ). При этом разность соседних разрешённых уровней Ландау  $\Delta\epsilon_n = \epsilon_n - \epsilon_{n-1}$  для носителей с фиксированной проекцией  $k_H$  волнового вектора  $k$  на направление  $H$  определяется периодом  $T_n$  движения по соответствующей (замкнутой) орбите (в импульсном пространстве) на поверхности Ферми:  $\Delta\epsilon_n(k_H) = 2\pi\hbar/T(\epsilon)$ . Очевидно, что период движения по орбите с фиксированной энергией  $T(\epsilon)$  на поверхности Ферми определяется площадью сечения  $S(\epsilon)$  поверхности Ферми данной орбитой  $T(\epsilon) = (e/cH)(\partial S/\partial\epsilon)$ . Т. к. движение частицы квазиклассично  $\Delta\epsilon \ll \epsilon_n$ , то  $\partial S/\partial\epsilon_n = (S_{n+1} - S_n)/(\epsilon_{n+1} - \epsilon_n)$  и условие орбитального квантования для электронов в металле фактически задаёт изменение площади, охватываемой орбитой в импульсном пространстве, при переходе с одной орбиты на другую:  $\Delta S = S_{n+1} - S_n = 2\pi\hbar^2 H/c$ . Это условие означает, что Л.—О. к. является фактически квантованием площадей  $S_n = (2\pi\hbar^2 H/c)(n + \gamma)$ , где безразмерная величина  $\gamma(k_H)$  в простейших случаях близка к  $1/2$ .

Л.—О. к. лежит в основе нек-рых эксперим. методик определения формы и структуры ферми-поверхностей. С помощью Л.—О. к. объясняются разл. осцилляционные эффекты в металлах в магнитном поле, напр. де Хааза—ван Альфена эффект (см. Квантовые осцилляции в магнитном поле). Теория Л.—О. к. построена независимо И. М. Лифшицем и Л. Онсагером (L. Onsager) в 1952.

Лит.: Киттель Ч., Квантовая теория твердых тел, пер. с англ., М., 1967; Лифшиц И. М., Азбель М. Я., Каганов М. И., Электронная теория металлов, М., 1971; Ашкрофт Н., Мермин Н., Физика твердого тела, пер. с англ., т. 1, М., 1979; Абрикосов А. А., Основы теории металлов, М., 1987. А. Э. Мейсрович.

**ЛИХТЕНБЕРГА ФИГУРЫ** — картины распределения искровых каналов, стелющихся по поверхности твёрдого диэлектрика при т. н. скользящем разряде. Впервые

наблюдались Г. К. Лихтенбергом (G. Ch. Lichtenberg) в 1777.

**ЛИ — ЯНГА ТЕОРЕМА** — теорема о распределении нулей большой статистич. суммы для ферромагн. Изинга модели

$Z(w) = \sum_{n=0}^N w^n Z_n$ , где  $w = \exp(-2\mu H/kT)$ ,  $H$  — напряжённость магн. поля,  $\mu$  — магн. момент,  $Z_n$  — статистич. сумма с заданным полным магн. моментом  $M = \mu n$ . Согласно Л.—Я. т., все нули полинома  $Z(w)$  расположены на единичной окружности  $|w|=1$  в комплексной плоскости  $w$ . Доказана Ли (Lee Tsung Dao) и Янгом (Yang Chen Ning) в 1952 для модели Изинга произвольной размерности, а также для эквивалентной ей модели решётчатого газа. В термодинамич. пределе ( $N \rightarrow \infty$ ) нули  $Z(w)$  непрерывно заполняют всю окружность  $|w|=1$ , за исключением (при темп-ре  $T$  выше темп-ры  $T_c$  фазового перехода) нек-рой окрестности (лакуны) вокруг точки  $w=1$ . При  $T \rightarrow T_c$  лакуна сужается, и при  $T \leq T_c$  нули заполняют всю единичную окружность, что означает появление сингулярности свободной энергии  $F = -kT \ln Z$  как ф-ции  $H$  при  $H=0$ . Вблизи края лакуны плотность распределения нулей  $\rho(w)$  имеет степенную сингулярность. Соответствующие показатели при  $T \rightarrow T_c$  связаны с критическими показателями (индексами) для фазового перехода в модели Изинга. Для точно решаемой двумерной модели Изинга плотность нулей  $\rho(w)$  удаётся вычислить.

Впоследствии Л.—Я. т. была доказана также для др. статистич. моделей, в частности для сферич. ферромагнетика.

Лит.: Lee T. D., Yang C. N., Statistical theory of equations of state and phase transitions I—II, «Phys. Rev.», 1952, v. 87, p. 404, 410; Хуанг К., Статистическая механика, пер. с англ., М., 1966. М. В. Фейгельман.

**ЛОБОВОЕ СОПРОТИВЛЕНИЕ** — то же, что аэродинамическое сопротивление.

**ЛОГИЧЕСКИЕ СХЕМЫ** — физ. устройства, реализующие функции матем. логики. Л. с. подразделяют на 2 класса: комбинационные схемы (Л. с. без памяти) и последовательностные схемы (Л. с. с памятью). Л. с. являются основой любых систем (различных назначений и физ. природы) обработки дискретной информации. Л. с. может быть представлена в виде многополюсника (рис. 1), на к-рый поступает  $n$  входных сигналов и с к-рого снимается  $m$  выходных сигналов. При этом как независимые (логически) переменные  $X_1, \dots, X_n$ , так и ф-ции  $Y_1, \dots, Y_m$ , также наз. логическими, могут принимать к.-л. значения только из одного и того же конечного множества значений.

Наиб. распространены т. н. двоичные Л. с., для к-рых всё множество сигналов ограничено двумя значениями, отмечаемыми символами 1 и 0 и подчиняющимися условию:  $a=1$ , если  $a \neq 0$ , и  $a=0$ , если  $a \neq 1$ . Для представления чисел с помощью двоичных переменных 0 и 1 чаще всего применяют т. н. позиционный двоичный код, в к-ром разряды двоичного числа расставлены по степеням числа 2:

$$X_n \cdot 2^n + \dots + X_2 \cdot 2^2 + X_1 \cdot 2^1 + X_0 \cdot 2^0.$$

Напр., двоичное число  $1101_2 = 1 \cdot 8 + 1 \cdot 4 + 0 \cdot 2 + 1 \cdot 1 = 13$ . Поэтому при описании работы Л. с. необходимо различать, выступает данный сигнал в качестве числа или в качестве логич. переменной.

Для описания работы Л. с. используют табличный или аналитич. способы. В первом случае строят т. н. таблицу истинности, в к-рой приводятся все возможные сочетания входных сигналов (аргументов) и соответствующие им значения выходных сигналов (логич. ф-ций). В двоичной логике число разл. сочетаний из  $n$  аргументов равно  $2^n$ , а число логиче-

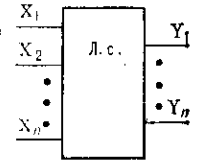


Рис. 1.