

$$\frac{\partial}{\partial t} (\alpha_1 - \alpha_2) = \frac{4\pi e}{h} V = 0, \quad V = \Phi_1 - \Phi_2.$$

Если V не зависит от времени, то $\alpha_1 - \alpha_2 = (4\pi e/h)V(t)$, что даёт для тока

$$I(\alpha) = I \left(\frac{4\pi e V}{h} t + \text{const} \right). \quad (8)$$

Т. о., если к контакту приложено пост. напряжение, в цепи течёт строго периодич. ток. Более подробная теория показывает, что ток $I(\alpha)$ в (7) и (8) является синусоидальным с частотой $\nu = 2eV/h$. Монохроматичность тока нарушается только флуктуациями напряжения в цепи. Рассмотренный эффект позволил уточнить известное значение постоянной Планка.

На основе джозефсоновских контактов созданы получившие широкое распространение сверхпроводящие квантовые интерферометры — СКВИДы. Принципиальная схема такого прибора содержит включённое в электрич. цепь, разрезанное в двух местах сверхпроводящее кольцо, причём в разрез вставлены джозефсоновские контакты. Рассуждения, аналогичные проведённым при выводе (6), показывают, что если кольцо пронизывает поток магн. индукции Φ , то разности фаз на контактах будут отличаться на $2\pi(n + \Phi/\Phi_0)$. Это приводит к зависимости тока в цепи от потока Φ :

$$I = I_0 \sin \left(\pi \frac{\Phi}{\Phi_0} \right), \quad (9)$$

что позволяет измерять изменения потока в доли кванта Φ_0 .

Своеобразная ситуация в сверхтекучем ^3He . Атомы ^3He являются фермионами, и его сверхтекучесть связана с образованием куперовских пар. В ^3He эти пары образуются, в отличие от пар электронов в обычных сверхпроводниках, с орбитальными и спиновыми угл. моментами, равными единице. Это приводит к тому, что волновая ф-ция пар в ^3He является не скалярном, а тензором 2-го ранга, что обуславливает анизотропию сверхтекучего ^3He и большое разнообразие в нём М. к. э.

В 1980 обнаружен новый тип явлений, к-рый также носит характер М. к. э., — *квантовый Холла эффект*. Он наблюдается при низких темп-рах в инверсном слое — двумерной системе электронов, удерживаемых вблизи границы раздела двух полупроводников перпендикулярным к границе электрич. полем. При наложении перпендикулярного слою магн. поля H энергетич. спектр электронов разбивается на дискретные уровни Ландау. В вырожденном электронном газе заполнены те уровни Ландау, к-рые лежат ниже энергии ферми-газа, причём на каждом уровне может находиться (на единице поверхности слоя) eH/hc электронов. Холловская компонента тензора поверхностной проводимости σ_{xy} в сильном магн. поле равна $-Necl/H$, где N — поверхностная плотность электронов. Если уровень Ферми лежит между n -м и $(n+1)$ -м уровнями Ландау, то $N = (eH/hc)n$ и

$$\sigma_{xy} = -n \frac{e^2}{h}, \quad (10)$$

т. е. σ_{xy} — квантована. Число электронов, а следовательно, и положение уровня Ферми можно менять, изменяя напряжение перпендикулярного электрич. поля V . При тех значениях V , при к-рых уровень Ферми лежит указанным выше образом, на кривой $\sigma_{xy}(V)$ должен иметься плоский участок — «плато» — при квантованном значении σ_{xy} . Приведённый вывод не учитывает наличия примесей, к-рые могут связывать часть электронов, и электрон-электронного взаимодействия. На опыте, однако, наблюдаются отчётливые «плато», причём σ_{xy} на них равно значениям (10) с очень высокой точностью. Кроме того, имеются, по-видимому, «плато» при дробных рациональных значениях n , что можно интерпретировать как существование квазичастиц с дробными значениями электрич. заряда. Полное

теоретич. объяснение этих особенностей эксперимента пока отсутствует. Возможно, что кулоновское взаимодействие между электронами приводит к особому рода квантовой когерентности в этой системе.

Лит.: 1) Vilen W. F., The detection of single quanta of circulation in liquid helium II, «Proc. Roy. Soc.», 1961, v. 260 A, p. 218; 2) Deaver B. S., Fairbank W. M., Experimental evidence for quantized flux in superconducting cylinders, «Phys. Rev. Lett.», 1961, v. 7, p. 43; 3) Doll R., Näbauer G., Experimental proof of magnetic flux quantization in a superconducting ring, там же, p. 51; 4) Кулик И. О., Янсон И. К., Эффект Джозефсона в сверхпроводящих туннельных структурах, М., 1970; 5) Бароне А., Патерно Д., Эффект Джозефсона: физика и применения, пер. с англ., М., 1984; 6) Laughlin R. B., Anomalous quantum Hall effect. An incompressible quantum fluid with fractionally charged excitations, «Phys. Rev. Lett.», 1983, v. 50, p. 1395. См. также лит. при ст. *Квантовая жидкость, Сверхпроводимость, Сверхтекучесть*.

Л. П. Пытливский.

МАКСВЕЛЛ (Макс, Мх) — единица магн. потока в СГС системе единиц. Назв. в честь Дж. К. Максвелла (J. C. Maxwell). 1 Мкс = 10^{-8} Вб (см. Вебер).

МАКСВЕЛЛА РАСПРЕДЕЛЕНИЕ — распределение по скоростям частиц (молекул) макроскопич. физ. системы, находящейся в статистич. равновесии, в отсутствие внеш. поля при условии, что движение частиц подчиняется законам классич. механики. Установлено Дж. К. Максвеллом (J. C. Maxwell) в 1859. Согласно М. р., вероятное число частиц в единице объёма, компоненты скоростей к-рых лежат в интервалах от v_x до $v_x + dv_x$, от v_y до $v_y + dv_y$ и от v_z до $v_z + dv_z$, равно $dw_v = f(v)dv_x dv_y dv_z$, где $f(v) = n(m/2\pi kT)^{3/2} \times \exp[-m(v_x^2 + v_y^2 + v_z^2)/2kT]$ — ф-ция распределения Максвелла по скоростям, n — число частиц в единице объёма, m — масса частицы, T — абс. темп-ра. Отсюда следует, что число частиц, абс. значения скорости к-рых лежат в интервале от v до $v + dv$, равно

$$dw_v = F(v)dv = n(m/2\pi kT)^{3/2} \exp[-mv^2/2kT] 4\pi v^2 dv.$$

Это распределение наз. М. р. по абс. значениям скорости. Ф-ция $F(v)$ достигает максимума при скорости $v_B = (2kT/m)^{1/2}$, наз. наиб. вероятной скоростью. Для молекул H_2 при $T = 273\text{K}$ $v_B \sim 1500$ м/с. При помощи М. р. можно вычислить ср. значение любой ф-ции от скорости молекул: ср. квадрат скорости $\langle v^2 \rangle = 3kT/m$, ср. квадратичную скорость $v_{\text{кв}} \equiv \langle v^2 \rangle^{1/2} = (3kT/m)^{1/2}$, ср. арифметич. скорость $\langle v \rangle = (8kT/\pi m)^{1/2}$, к-рая в $(4/\pi)^{1/2}$ раза больше v_B (рис.).

М. р. по относит. скоростям молекул u имеет вид

$$dw_u = n(m/4\pi kT)^{3/2} \exp(-mu^2/4kT) 4\pi u^2 du,$$

откуда следует, что ср. относит. скорость молекул равна $\langle u \rangle = \sqrt{2} \langle v \rangle$.

М. р. не зависит от взаимодействия между молекулами и справедливо не только для газов, но и для жидкостей, если для них возможно классич. описание. В случае многоатомных молекул М. р. имеет место для поступат. движения молекул (для скорости их центра тяжести) и не зависит от внутримолекулярного движения и вращения даже в том случае, когда для них необходимо квантовое описание. М. р. справедливо для броуновского движения частиц, взвешенных в жидкости или газе.

Максвелл использовал для обоснования М. р. *детального равновесия принцип*. М. р. можно получить из канонического распределения Гиббса для классич. системы, интегрируя по всем пространственным координатам и по всем скоростям, кроме одной, т. к. в классич. случае распределение по скоростям не зависит от распределения по пространственным координатам. М. р. является частным решением *кинетического уравнения Больцмана* для случая статистич. равновесия в отсут-

