

применяется в осн. в аппаратуре радиосвязи, в измерит. радиолокац. и др. устройствах в качестве задающих генераторов и гетеродинов.

Лит.: Голант М. Б., Бобровский Ю. Л., Миньтронн, М., 1983. М. Б. Голант.

**МИНКОВСКОГО ПРОСТРАНСТВО-ВРЕМЯ** (Минковского пространство) — четырёхмерное пространство, точки к-рого с координатами  $x^\mu$  ( $\mu = 0, 1, 2, 3$ ) сопоставляются с событиями специальной *относительности теории*. Введено в физику Г. Минковским (H. Minkowski) в 1908 с целью геом. интерпретации релятивистской теории.

Каждое событие характеризуется тремя пространственными координатами  $x^i = (x^1, x^2, x^3) = (x, y, z)$  и моментом времени  $t$ , при этом удобно выбрать временную координату в виде  $x^0 = ct$ . В М. п.-в. вводится псевдоевклидова метрика, определяющая квадрат *интервала* — «расстояния» между бесконечно близкими событиями с координатами  $x^\mu$  и  $x^\mu + dx^\mu$ , след. образом:

$$ds^2 = \eta_{\mu\nu} dx^\mu dx^\nu = (x^0)^2 - x^2 = c^2 dt^2 - dx^2 - dy^2 - dz^2, \quad (1)$$

где  $\eta_{\mu\nu}$  — метрич. тензор, имеющий, как видно, отличные от нуля компоненты  $\eta_{\mu\nu} = \text{diag} (1, -1, -1, -1)$ . Адекватность геом. структуры М. п.-в. принципам спец. теории относительности обусловлена тем, что Лоренца преобразования, с помощью к-рых осуществляется переход от одной инерц. системы отсчёта (и. с. о.) к другой, оставляют метрич. тензор  $\eta_{\mu\nu}$  форминвариантным. Поэтому, если ур-ния физ. теории (релятивистской механики, релятивистской гидродинамики, электродинамики и др.) записаны в виде соотношений, связывающих векторы и тензоры (или спиноры), заданные в М. п.-в., то их вид будет одинаковым во всех и. с. о. Тем самым осн. принцип спец. теории относительности будет выполняться автоматически. Фактически метрика М. п.-в. инвариантна относительно более широкой группы преобразований координат — группы Пуанкаре, включающей сдвиги начала отсчёта пространств. координат и времени, повороты пространств. осей и преобразования Лоренца:

$$x^\mu \rightarrow x'^\mu = L^\mu_\nu x^\nu + a^\mu, \quad (2)$$

где  $a^\mu = \text{const}$ , а матрица  $L^\mu_\nu$  удовлетворяет соотношениям

$$L^\lambda_\mu L^\tau_\nu \eta_{\lambda\tau} = \eta_{\mu\nu}, \quad L^\lambda_\mu L^\tau_\nu \eta^{\mu\nu} = \eta^{\lambda\tau}, \quad (3)$$

причём контравариантный метрич. тензор  $\eta^{\mu\nu} = \eta_{\mu\nu}$  (как обычно, по повторяющемуся индексу производится суммирование).

Объединение пространства и времени в единое четырёхмерное многообразие отражает факт неабсолютности масштабов времени и пространственных расстояний, к-рые оказываются зависящими от выбора и. с. о. Напротив, одинаковой во всех и. с. о. является скорость света  $c$ , понимаемая как универс. скорость распространения фундам. физ. взаимодействий. Промежутки времени и пространственное расстояние между двумя событиями зависят от того, в какой и. с. о. эти величины измеряются; абс. значение имеет лишь интервал между событиями, вычисляемый по ф-ле (1). Инвариантным относительно преобразований (2) (исключая отражения осей) является также элемент четырёхмерного объёма  $d\Omega = d^4x = dx^0 dx^1 dx^2 dx^3 = c dt dV$ , в то время как величины  $dt$  и элемент пространственного объёма  $dV$  по отдельности не инвариантны.

Метрика М. п.-в., в отличие от евклидовой, не является положительно определённой, поэтому квадрат интервала (1) может быть положительным, нулевым или отрицательным. Поскольку величина  $ds^2$  инвариантна относительно преобразований (2), это свойство не зависит от выбора и. с. о. и характеризует физически различные взаимоотношения между событиями. Если

$ds^2 > 0$ , интервал наз. *временноподобным*, при этом найдётся и. с. о., в к-рой эти события происходят в одной пространственной точке. Такую и. с. о. можно связать с движущейся частицей, имеющей конечную массу, тогда  $ds$  можно истолковать как (умноженный на  $c$ ) промежуток *собственного времени* (т. е. измеренного по часам, движущимся вместе с частицей). Если  $ds^2 < 0$ , то интервал наз. *пространственноподобным*; в этом случае, напротив, не существует и. с. о., в к-рой события происходят в одной пространственной точке, но существует и. с. о., в к-рой эти события одновременны. Ясно, что такие события не могут быть причинно связанными друг с другом. Временная последовательность двух событий, разделённых пространственноподобным интервалом, неабсолютна; существует и. с. о., в к-рой первое событие предшествует второму, и другая и. с. о., в к-рой второе предшествует первому.

Нарушение при преобразованиях Лоренца временной последовательности событий, разделённых пространственноподобным интервалом, в совокупности с принципами квантовой теории приводит к важному следствию — необходимости существования *античастиц*. Рассмотрим два события:  $P_1$ , состоящее в испускании нейтроном  $\pi^-$ -мезона с образованием протона,  $p \rightarrow p + \pi^-$ , и  $P_2$ , состоящее в поглощении  $\pi^-$ -мезона др. протоном  $p'$  с образованием нейтрона  $n'$ ,  $p' + \pi^- \rightarrow n'$ . Вследствие *неопределённости соотношения* имеется отличная от нуля вероятность второго события (с участием той же частицы  $\pi^-$ ), даже если интервал  $s_{12}$  между этими событиями пространственноподобен, при условии, что  $|s_{12}| \lesssim \lambda$ , где  $\lambda$  — *комптоновская длина волны*  $\pi^-$ -мезона. Но тогда найдётся такая и. с. о., в к-рой поглощение  $\pi^-$  протоном наблюдалось бы до его испускания. Разрешение парадокса в квантовой теории состоит в том, что событие  $P_2$  можно понимать не как поглощение  $\pi^-$  протоном, а как испускание протоном частицы той же массы, но с противоположным знаком заряда, т. е. её античастицы —  $\pi^+$ -мезона:  $p' \rightarrow p' + \pi^+$ . Аналогично событие  $P_1$  будет состоять в поглощении  $\pi^+$  нейтроном с образованием протона:  $p + \pi^+ \rightarrow p$ .

Нулевое значение интервала,  $ds^2 = 0$  (изотропный интервал), соответствует событиям, лежащим на *мировых линиях* безмассовых частиц, напр. фотонов, движущихся со скоростью  $c$ . Инвариантность равенства  $ds = 0$  по отношению к выбору и. с. о. и выражает собой факт постоянства скорости света во всех и. с. о.

Если выбрать начало четырёхмерной системы координат в М. п.-в. в точке, отвечающей некоторому заданному событию  $O$ , то мировые линии световых лучей, исходящих из  $O$ , будут образовывать гиперповерхность

$$c^2 t^2 = x^2 + y^2 + z^2, \quad (4)$$

наз. *световым конусом*. Все события, лежащие внутри светового конуса (т. е. в области  $c^2 t^2 > x^2 + y^2 + z^2$ ) при  $t > 0$ , происходят в абс. будущем по отношению к  $O$ , в частности мировые линии частиц, движущихся со скоростью  $v < c$ , проходящие через  $O$ , в последующие моменты времени остаются внутри этой области. Аналогично события, лежащие внутри светового конуса при  $t < 0$ , абсолютно предшествуют  $O$ . Область М. п.-в., лежащая вне светового конуса (т. е. при  $c^2 t^2 < x^2 + y^2 + z^2$ ), соответствует событиям, к-рые не могут находиться в причинной связи с  $O$ , это абсолютно удалённая область. Трёхмерная гиперповерхность, проходящая через  $O$  и лежащая целиком вне светового конуса, будет пространственноподобной, в простейшем случае — это гиперплоскость, ортогональная оси времени, представляющая собой трёхмерное пространство в выбранной системе координат.

Векторы в М. п.-в. (4-векторы) при преобразованиях координат из группы Пуанкаре преобразуются по ф-ле

$$B^\mu \rightarrow B'^\mu = L^\mu_\nu B^\nu, \quad (5)$$