

Остон Д., Пикосекундная нелинейная оптика, в кн.: Сверхкороткие световые импульсы, пер. с англ., М., 1981; Ахмадов С. А., Высокий В. А., Чиркин А. С., Самозводство волновых пакетов в нелинейной среде и генерация фемтосекундных лазерных импульсов, «УФН», 1986, т. 149, с. 449; и ж.е., Оптика фемтосекундных лазерных импульсов, М., 1988.

А. С. Чиркин.

**НЕСУЩАЯ СПОСОБНОСТЬ** — понятие матем. пластичности теории. Н. с. характеризуется предельной нагрузкой, при к-рой начинается неограниченное возрастание пластич. деформации конструкции из идеально-пластич. материала (см. Идеально-пластическое тело). Поскольку потеря Н. с. конструкции связана с неограниченным пластич. течением, величина упругих деформаций оказывается часто несущественной, поэтому во многих случаях имеет смысл рассматривать Н. с. жесткосто-пластических тел. Использование Н. с. для установления допустимых нагрузок приводит к уменьшению металлоёмкости конструкций.

Лит.: Ерхов М. И., Теория идеально пластических тел и конструкций, М., 1978; Работин Ю. Н., Механика деформируемого твердого тела, М., 1979.

**НЕСУЩАЯ ЧАСТОТА** — частота гармонич. несущего колебания.

**НЕСУЩЕЕ КОЛЕБАНИЕ** — колебание, предназначенное для передачи модулирующего сигнала с заключённой в нём информацией. Само по себе Н. к. не содержит информации и, как правило, стационарно. Обычно Н. к. представляет собой гармонич. колебание (радиосвязь, локация и т. п.), частоту к-рого принято называть несущей частотой или периодич. последовательностью импульсов (многоканальная связь, информационно-измерит. системы). Информация вносится в Н. к. путём изменения (модуляции) к-л. из его параметров, спектр модулирующего (информат.) сигнала перемещается при этом в более ВЧ-диапазон, пригодный для распространения на трассе приём—передача (см. также Модулированные колебания).

**НЕТЕР ТЕОРЕМА** — утверждает, что для всякой физ. системы, уравнения движения к-рой могут быть получены из вариац. принципа, каждому однопараметрич. непрерывному преобразованию, оставляющему вариац. функционал инвариантным, отвечает один дифференц. сохранения закон, и, главное, позволяет явно выписать сохраняющуюся величину. Установлена в работах учёных гётtingенской школы Д. Гильберта (D. Hilbert), Ф. Клейна (F. Klein) и Э. Нёттер (E. Noether). Н. т.— самое универсальное средство, позволяющее находить законы сохранения в лагранжиевской классич. механике, теории поля, квантовой теории и т. д.

В классич. механике для системы с действием

$$S = \int L[q_a(t), \dot{q}_a(t)] dt$$

(*L* — Лагранжева функция, зависящая от обобщённых координат  $q_a$  и скоростей  $\dot{q}_a$ ) инвариантность *S* относительно образующих групп преобразований с параметром  $\varepsilon$

$$t \rightarrow t' = t + \Lambda(q, t)\varepsilon, \quad q_a(t) \rightarrow q'_a(t') = q_a(t) + \Lambda_a(q, t)\varepsilon \quad (1)$$

[где задающие преобразование ф-ции  $\Lambda(q, t)$ ,  $\Lambda_a(q, t)$  зависят от совокупности координат  $\{q_a\} \equiv q$  и времени] влечёт за собой, согласно Н. т., сохранение во времени величины

$$Q = \left[ L - \sum_a \frac{\partial L}{\partial \dot{q}_a} \dot{q}_a \right] \Lambda + \sum_a \frac{\partial L}{\partial q_a} \Lambda_a.$$

В частности, из инвариантности *S* относительно (1) с  $\Lambda_a = 0$ ,  $\Lambda = 1$ , т. е. из однородности времени, следует закон сохранения энергии:

$$-\mathcal{E} = L - \sum_a \frac{\partial L}{\partial \dot{q}_a} \dot{q}_a = \text{const.}$$

В этом случае *L* не зависит от времени явно. Подобным же образом из инвариантности *S* по отношению к прост-

ранству, сдвигам ( $\Lambda = 0$ ,  $\Lambda_a = 1$ ) следует закон сохранения импульса, а из изотропии пространства — закон сохранения трёхмерного момента.

В гамильтоновом описании, т. е. когда *Q* выражены через канонические переменные — обобщённые координаты и импульсы (для простоты считаем, что явные зависимости от времени отсутствуют): 1) Пуассона скобка *Q* с гамильтонианом *H* равна нулю, 2) изменение любой динамич. переменной *F* при преобразовании (1) определяется её скобкой Пуассона с *Q*. В этом контексте утверждение Н. т. становится как бы тривиальным, следующим из одной лишь антисимметрии скобок Пуассона:

$$0 = dH/d\varepsilon = (Q, H) \rightarrow 0 = (H, Q) = dQ/dt.$$

Если преобразования симметрии образуют не однопараметрич. группу, то между  $Q_A$  должны выполняться соотношения в скобках Пуассона, воспроизводящие Ли-алгебру генераторов соответствующей группы. Так, напр., три компоненты момента должны удовлетворять соотношению в скобках Пуассона

$$(M_i M_k) = -e_{ijk} M_l, \quad i, k, l = 1, 2, 3$$

(где  $e_{ijk}$  — Леви-Чивиты символ), воспроизводящему алгебру Ли группы трёхмерных вращений *O*(3).

Особо важное значение Н. т. приобретает в квантовой теории поля (КТП), где вытекающие из наличия группы симметрии законы сохранения часто оказываются единств. источником информации о свойствах системы. Для формального вывода Н. т. в (классич. или квантовой) теории поля рассматривают интеграл действия:

$$S = \int_R [L[\varphi^a(x), \varphi_v^a(x); x^\mu] d^4x; \quad \mu, v = 0, 1, 2, 3], \quad (2)$$

где *L* [ $\varphi^a(x)$ ,  $\varphi_v^a(x)$ ;  $x^\mu$ ] — лагранжиан, зависящий от ф-ций поля  $\varphi^a(x)$ , их первых производных по всем четырём координатам  $\varphi_v^a \equiv \partial \varphi^a / \partial x^\mu$  и, возможно, от координат  $x^\mu$  ( $x = \{x^\mu\}$  — точка пространства-времени; индекс  $a$  нумерует компоненты поля; принята система отсчёта, в к-рой  $\hbar = c = 1$ ). Тогда Н. т. утверждает, что из инвариантности действия (2) относительно преобразований с параметрами  $\varepsilon^A$

$$\begin{aligned} x^\mu &\rightarrow x'^\mu = x^\mu + \Lambda_A^\mu(x) \varepsilon^A, \\ \varphi^a(x) &\rightarrow \varphi'^a(x') = \varphi^a(x) + \mathcal{Z}_A^{ab}(x) \varphi_b(x) \varepsilon^A \end{aligned}$$

для произвольной области интегрирования *R* вытекает дифференц. закон сохранения:

$$dJ_A^\mu / dx^\mu = 0, \quad (3)$$

где т. н. вётеров ток  $J_A^\mu$  вычисляется из лагранжиана по правилу:

$$J_A^\mu = T_v^\mu \Lambda_A^v + \frac{\partial L(x)}{\partial \varphi_{,\mu}^a} \varphi^b \mathcal{Z}_A^{ab}, \quad (4)$$

где

$$T_v^\mu = \delta_v^\mu L(x) - \frac{\partial L}{\partial \varphi_{,\mu}^a} \varphi^a \quad (5)$$

( $\delta_v^\mu$  — символ Кронекера; по повторяющемуся индексу предполагается суммирование). Интегрируя (3) по произвольному 4-объёму и используя Гаусса теорему, получаем, что полный 4-поток вектора  $J_A^\mu$  через ограничивающую этот обём гиперповерхность равен нулю. Выбирая гиперповерхность в виде цилиндра с пространственноподобными основаниями, такого, что потоком через боковые стенки можно пренебречь, приходим к утверждению, что направленные в будущее потоки вектор-