

вённой полости, коэф. поглощения  $k$ -рой близок к единице и с достаточной для практич. целей точностью не зависит от длины волны  $\lambda$ . Для характеристики действия оптич. излучения на селективный приёмник (глаз человека, биол. объект и т. п.) используются понятие редуцированного П. и., примером  $k$ -рого является световой поток, характеризующий действие излучения на глаз человека и измеряемый в люменах (лм). Отношение П. и. к-л. монохроматич. излучения к содержащемуся в нём световому потоку наз. *механическим эквивалентом света*; 1 Вт излучения с  $\lambda = 555$  нм соответствует световой поток, равный 683 лм.

Лит.: ГОСТ 26148-84. Фотометрия. Термины и определения; Гуревич М. М., Фотометрия, 2 изд., Л., 1983.

**ПРАВИЛА СУММ** — теоретич. соотношения, фиксирующие значение нек-рой суммы (интеграла) матричных элементов, характеризующих переходы между состояниями рассматриваемой системы. Широкое применение П. с. в физике связано с тем, что во мн. случаях из теоретич. соображений удаётся вычислить лишь нек-рую сумму физ. матричных элементов, но каждый отд. член суммы теоретически не вычисляется. Однако он может быть измерен экспериментально. Т. о. возникает возможность проверки теоретич. принципов, лежащих в основе конкретного класса П. с.

Правила сумм в квантовой механике и квантовой теории поля. По-видимому, существование П. с. обусловлено вероятностным характером предсказаний квантовой механики. Простейшим и наиб. фундаментальным П. с. является утверждение о том, что полная вероятность найти систему в одном из возможных состояний равняется единице. В более общем виде это утверждение представляется в форме условия полноты базисного набора векторов состояний:

$$I = \sum_{\xi} |\xi\rangle \langle \xi|, \quad (1)$$

где  $I$  — единичный оператор,  $|\xi\rangle$  — вектор состояния, описывающий систему в состоянии с полным набором собств. значений  $\xi$ , причём  $\xi$  может пробегать как дискретный, так и непрерывный ряд значений;  $\langle \xi|$  — комплексно сопряжённый вектор («кет» и «бра» векторы Дирака).

Вывод П. с. подразумевает переход от операторного соотношения (1) к матричным элементам. Стандартным приёмом служит рассмотрение нек-рого *перестановочного соотношения*, напр.:

$$[\hat{x}_k, \hat{p}_l] = i\delta_{kl}, \quad [\hat{x}_k, \hat{H}] = \frac{i\hbar}{m} k, \quad (1a)$$

где  $\hat{x}_k, \hat{p}_l$  ( $k, l = 1, 2, 3$ ) — операторы компонент координаты и импульса,  $\hat{H}$  — гамильтониан,  $m$  — масса (здесь и далее постоянная Планка  $\hbar$  принята равной единице). Обращаясь к матричному элементу (1a) по нек-рому состоянию  $j$  и пользуясь (1), получаем П. с.

$$\sum_f \langle j | \hat{x}_k | f \rangle \langle f | \hat{p}_l | i \rangle - \langle j | \hat{p}_l | f \rangle \langle f | \hat{x}_k | i \rangle = i\delta_{kl}, \quad (2)$$

где

$$\langle j | \hat{x}_k | f \rangle (e_j - e_f) = -\frac{i}{m} \langle j | \hat{p}_k | f \rangle,$$

здесь  $e_{f,j}$  — энергии состояний  $|f\rangle, |j\rangle$  (М. Борн, М. Ворг, В. Гейзенберг, W. Heisenberg, П. Йордан, P. Jordan, 1926).

Наиб. известным частным случаем соотношений (2) является П. с. Томаса — Райхе — Кюна (W. Thomas, F. Reiche, W. Kühn, 1925) для вероятностей дипольных (излучательных) радиац. квантовых переходов в атомах:

$$\sum_n \omega_n | \langle 1S | d | nP \rangle |^2 = 3r_0^2,$$

где вектор  $|1S\rangle$  описывает атом в осн. состоянии  $1S$ ,  $|nP\rangle$  описывает атом в  $P$ -состоянии с гл. квантовым числом  $n$ ;  $r_0 = (e^2/m_e)^{1/2}$  — классич. радиус электрона,  $\omega_n$  — частота перехода  $nP \rightarrow 1S$ ,  $d_k = ex_k$ . Если выразить вероятности переходов через соответствующие силы осцилляторов, получим др. форму записи П. с. Томаса — Райхе — Кюна (см. *Сила осциллятора*).

Подобный метод вывода П. с. получил широкое распространение в физике адронов. Исходными при этом являются перестановочные соотношения между операторами разл. векторных (см. *Векторный ток*) и аксиальных токов адронов, или алгебра токов. Необходимость обращения к вспомогат. объектам — токам связана с тем, что наблюдаемые адроны не являются фундам. объектами и с точки зрения квантовой теории поля описываются сложной (и неизвестной) волновой ф-цией элементарных составляющих — кварков и глюонов. Что касается токов, то они, с одной стороны, являются простыми билинейными комбинациями фундам. полей кварков, с др. стороны — их матричные элементы могут быть измерены в слабых и эл.-магн. переходах между адронами. В частности, рассмотрение перестановочных отношений между компонентами *электромагнитного тока* адронов приводит к П. с. Дрелла — Хёрна — Герасимова (S. Drell, A. Hearn, С. Б. Герасимов, 1966):

$$\int_0^\infty \frac{d\nu}{\nu} [\sigma_P(\nu) - \sigma_A(\nu)] = \frac{2\pi^2}{m_p^2} k_p^2,$$

где  $\sigma_{P,A}$  — полное сечение взаимодействия фотона (с энергией  $\nu$ ) с поляризов. протоном; причём спин фотона параллелен ( $P$ ) или антипараллелен ( $A$ ) спину протона,  $k_p$  — аномальный магнитный момент протона ( $k_p \approx 1,79$ ),  $m_p$  — масса протона.

Возможности эксперим. проверки П. с., следующих из алгебры токов, значительно облегчаются применением гипотезы аксиального тока *частичного сохранения*:

$$\frac{\partial}{\partial x_\mu} A_\mu^I(x) = m_\pi^2 F_\pi \pi(x), \quad (3)$$

где  $A_\mu^I(x)$  — аксиальный ток кварков в состоянии с изотопич. спином  $I = 1$ ,  $F_\pi$  — константа распада  $\pi \rightarrow \mu\nu$ ,  $m_\pi$  — масса  $\pi$ -мезона,  $\pi(x)$  — поле  $\pi$ -мезона. Предполагается также, что 4-импульс, переносимый током, близок к нулю. Соотношение (3) позволяет во мн. случаях перейти от матричных элементов аксиального тока,  $k$ -рые экспериментально известны лишь в небольшом числе случаев, к амплитудам с участием  $\pi$ -мезонов.

Наиб. известным следствием алгебры операторов аксиальных токов и гипотезы частичного сохранения аксиального тока является правило сумм Адлера — Вайсбергера (S. Adler, W. Weisberger, 1965):

$$\int_{m_\pi}^\infty \frac{k d\nu}{\nu^2} [\sigma_{\pi^+p}(\nu) - \sigma_{\pi^-p}(\nu)] = \frac{g_{\pi n}^2}{2m_p^2} \left(1 - \frac{1}{g_A}\right), \quad (4)$$

где  $k, \nu$  — импульс и энергия  $\pi$ -мезона в лаб. системе,  $\sigma_{\pi^\pm p}$  — полное сечение взаимодействия  $\pi^\pm$  с протоном,  $g_A$  — аксиальная константа *бета-распада нейтрона* ( $g_A \approx -1,2$ ),  $g_{\pi n}$  — константа связи  $\pi$ -мезона с нуклоном ( $g_{\pi n} \approx 14,6$ ).

Особенно наглядный характер имеют П. с. в модели партонов Р. Фейнмана (R. Feynman, 1970). Так, для заряда протона можно написать

$$\int_0^1 \frac{dx}{x} \left[ \frac{2}{3} u(x) - \frac{2}{3} \bar{u}(x) - \frac{1}{3} d(x) + \frac{1}{3} \bar{d}(x) - \frac{1}{3} s(x) + \frac{1}{3} \bar{s}(x) \right] = 1, \quad (5)$$