

«отсечение» частот, соответствующих полю  $H_{\text{от}}$ , а вместо них появляется новая резонансная частота, кратная циклотронной частоте электрона  $\Omega$  (рис. 8):  $\omega = n\Omega = neH/mc$  ( $n$  — целое число,  $m$  — эффективная масса

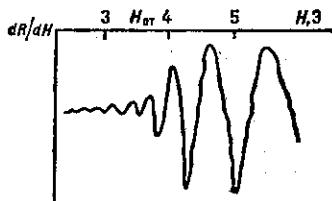


Рис. 8. Спектр циклотронного резонанса в тонком монокристалле Bi: при  $H < H_{\text{от}}$  наблюдается резонанс на неэкстремальных орбитах.

электрона). Этой частоте соответствует диаметр орбиты электрона  $D = d$ . Диаметр орбиты  $D$  связан с диаметром соответствующего сечения поверхности Ферми  $D_p$  соотношением  $D = cD_p/eH$ . Поэтому новая частота определяется условием  $d = cD_p/eH$  или  $Hd = cD_p/e$ . Измеряя зависимость поверхностного импеданса  $Z$  от  $H$  при разл.  $d$ , но при  $Hd = \text{const}$ , можно построить семейство кривых  $Z(d)$ , когда  $D_p$  фиксируются. Соответствующие резонансные пики  $Z$  позволяют определить  $t$ . Изменяя  $Hd$ , можно определить эф. массы электронов на всей поверхности Ферми.

В пластинах с достаточно гладкими гранями циклотронный резонанс возможен в слабых магн. полях, удовлетворяющих условию  $l \ll r \ll l^2/d$ . При этом электроны периодически возвращаются в скрин-слой за счёт зеркальных отражений от противоположной грани, а роль магн. поля сводится лишь к искривлению траекторий резонансных электронов. Условие резонанса имеет вид  $\omega = 2\pi lT^{-1}$ , где  $T$  — период движения зеркально отражённых электронов.

Размерный циклотронный резонанс наблюдается и при  $D_{\text{ext}} < d$ . Он обусловлен электронами, взаимодействующими с ВЧ-полем во всплеске. Роль толщины  $d$  в этом случае играет величина  $d = D_{\text{ext}}N$ , где  $N$  — число всплесков в пластине. Резонанс наступает, когда  $\omega$  кратна частоте обращения электронов с диаметром орбиты  $d = D_{\text{ext}}N$ . Обратное влияние всплесков на поле в скрин-слое приводит к резонансной добавке к импедансу, зависящей от параметров зеркальности обеих граней.

**Размерный эффект при отражении Андреева.** При отражении электронов проводимости межфазной границей нормальный металл  $N$  (или полупроводник) — сверхпроводник  $S$  изменяется знак их скорости:  $v \rightarrow -v$  (см. Отражение андреевское). Если слой нормального металла толщиной  $d$  помещён на сверхпроводящую подложку, то в магн. поле отсечение частот циклотронного резонанса наступает, когда радиус орбиты резонансных электронов  $r > d$ .

При  $r < d < 2r$  траектория электрона после отражения Андреева дополняет его траекторию до полной орбиты в массивном образце (рис. 9). Т. о., отражение не меняет период движения и, следовательно, резонансную частоту. При  $r > d$  эти частоты отсечены из-за отражения электронов границей металла — вакуум. Вместо них появляются частоты, кратные частоте обращения электронов, диаметр орбиты к-рых равен  $2d$ .

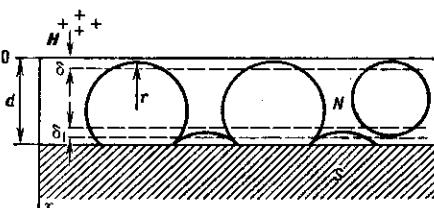


Рис. 9. Траектории носителей заряда в магнитном поле, параллельном слою нормального металла, испытавших отражение Андреева от сверхпроводящей подложки.

Отражённые  $N-S$ -границей электроны создают всплеск ВЧ- поля на нек-ром расстоянии от межфазной границы. Когда всплеск с уменьшением  $H$  приближается к скрин-слою, происходит резкое изменение поверхностного импеданса пластины.

Размерные магнитоакустич. явления также более информативны, чем их аналоги в массивных образцах, т. н. геометрические осцилляции, гигантские квантовые осцилляции, магнитоакустич. резонансы (см. Акусто-электронное взаимодействие).

Лит.: Андреев А. Ф., Теплопроводность промежуточного состояния сверхпроводников, «ЖЭТФ», 1964, т. 46, с. 1823; Комиль Ю. Ф., Физика металлических плёнок, М., 1979; Гоффельд В. М., Кирichenко О. В., Песчанский В. Г., О затухании ультразвука в тонких слоях металла в магнитном поле, «ЖЭТФ», 1980, т. 79, с. 538; Ресчанская В. Г., Kinetic Size Effects in Metals in a Magnetic Field, Sov. Sci. Rev. A, Phys., 1992, v. 16, p. 1—112; Кога Е. М., Устинов В. В., Электропроводность тонких металлических плёнок при малоугловом электрон-фононном рассеянии, «Физ. металлов и металловедение», 1982, т. 54, с. 258; Электроны проводимости, под ред. М. И. Карапова, В. С. Эдельмана, М., 1985. В. Г. Песчанский.

**РАЗМЕШИВАНИЕ** (перемешивание) в фазовом пространстве — свойство потока траекторий консервативной динамической системы, достаточное для перехода этой системы в процессе её временной эволюции к стохастич. поведению.

Поток траекторий динамической системы не уходит на бесконечность, и движение происходит в нек-рой ограниченной области  $D$  объёмом  $V_D$  фазового пространства, тогда формально Р. выражается существованием предела

$$\lim_{t \rightarrow \infty} \mu(A_t \cap B) = \mu(A)\mu(B), \quad (1)$$

где  $A, B$  — две произвольные (как правило, малые) области, принадлежащие  $D$ ,  $\mu(A), \mu(B)$  — их меры (в простейшем случае — относит. объёмы этих областей). Обычно область  $B$  предполагается фиксированной, а область  $A$  эволюционирует во времени в соответствии с Гамильтоном уравнениями,  $A_t$  — значение  $A$  в момент времени  $t$ , область  $A_t \cap B$  является пересечением областей  $A_t$  и  $B$ . Для консервативных систем  $\mu(A_t) = \mu(A)$  (т. н. инвариантность меры, см. также Лиувилля теорема). Р. означает, что независимо от размеров,

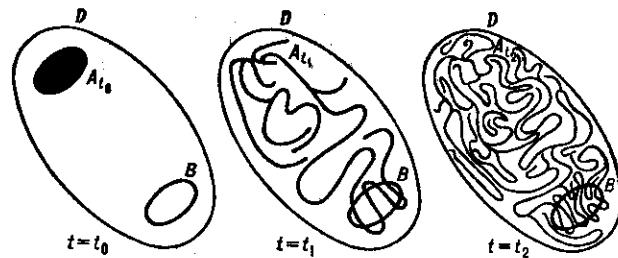


Рис. 1. Эволюция области  $A$  в случае размешивания.

формы и взаимного расположения областей  $A$  и  $B$  по прошествии достаточно длительного времени элементы области  $A$  могут быть обнаружены в любой сколь угодно малой окрестности произвольной точки области  $D$  (рис. 1).

Термин «Р.» введён Дж. У. Гиббсом (J. W. Gibbs, 1902) по аналогии между движением системы взаимодействующих частиц в фазовом пространстве и перемешиванием жидкостей («расторвителя» и «красителя»). При этом жидкости рассматриваются как непрерывные среды, неразрывные и несжимаемые; реальные молекулярная структура и диффузия не учитываются. Если в нач. момент жидкости не были перемешаны, то при любом возмущении (встряхивание, взвалтывание и др.) такая система с течением времени станет практически однородно перемешанной (рис. 2).