

верхностных избытков, отнесённых к мембране  $f$ . В результате для случая плоскопараллельной ТЖП получаем два фундам. термодинамич. ур-ния — одно для референтной фазы  $\beta$ :

$$d\Omega_\beta = -\sum_i N_{i\beta} d\mu_i - S_\beta dT - P_\beta dV, \quad (7)$$

другое для мембраны  $f$ :

$$d\Omega_f = -\sum_i N_{if} d\mu_i - S_f dT + \gamma dA. \quad (8)$$

Из ур-ний (7) и (8) получается термодинамич. определение натяжения для плоской мембраны:

$$\gamma = \left. \frac{\partial \Omega_f}{\partial A} \right|_{\mu, T} = \left. \frac{\partial \Omega}{\partial A} \right|_{\mu, T, V}. \quad (9)$$

Применяя теорему Эйлера об однородных функциях, можно получить выражение для поверхностного избытка большого термодинамич. потенциала

$$\Omega_f = \gamma A, \quad (10)$$

а также Гиббса — Дюгема уравнение для мембраны

$$d\gamma = -\sum_i \Gamma_{if} d\mu_i - \eta_f dT, \quad (11)$$

в к-ром  $\Gamma_{if} = N_{if}/A$  и  $\eta_f = S_f/A$  — отнесённые к единице поверхности мембраны избытки чисел молей  $i$ -ых компонентов (величины адсорбции  $i$ -компонентов относительно мембраны) и энтропии соответственно.

нородной среды, какой является ТЖП. В отсутствие внеш. сил ср. значение обобщённого тензора давления должно удовлетворять условию равновесия:

$$\nabla P = 0, \quad (12)$$

откуда следует, что нормальная к поверхности плоской ТЖП компонента тензора давления  $P_n = P_{zz} = P_\beta$  не зависит от координаты  $z$  (рис. 3, а), а тангенциальная компонента  $P_t(z) = P_{xx} = P_{yy}$  является сложной функцией координаты  $z$  (рис. 3, б), причём в объёме фазы имеет место равенство  $P_t(z) = P_\beta$ .

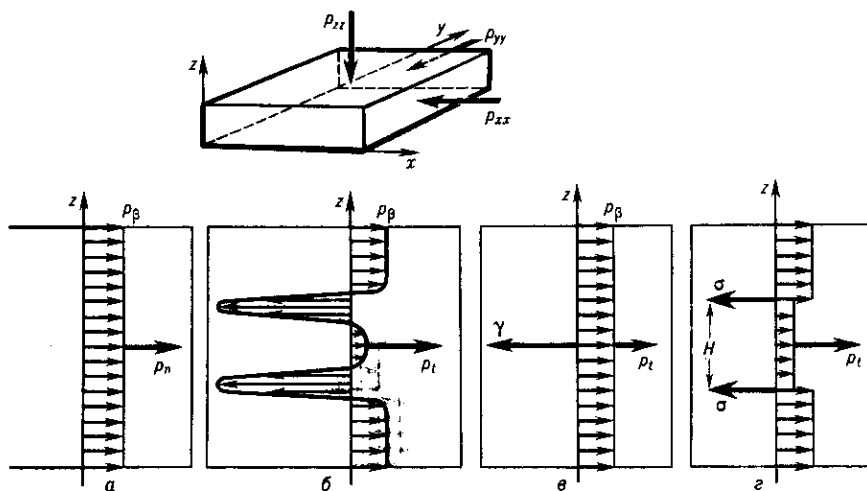
Для симметричной плоской ТЖП натяжение плёнки  $\gamma$  вычисляется как поверхностный избыток объёмного тензора напряжений, т. е. удельной (отнесённой к единице длины) силе, действующей в плоскости мембраны перпендикулярно ограничивающей её линии:

$$\gamma = \int_{-\infty}^{\infty} [P_\beta - P_t(z)] dz. \quad (13)$$

Для искривлённых ТЖП (в отличие от плоских) натяжение  $\gamma$  зависит от способа локализации разделяющей поверхности (мембраны). В частности, для сферич. ТЖП натяжение  $\gamma$  зависит от произвольно выбранного радиуса  $R$  разделяющей поверхности:

$$\gamma = \int_0^R [P_\beta - P_t(r)] \frac{r^2}{R^2} dr + \int_R^{R_0} [P_\beta - P_t(r)] \frac{r^2}{R^2} dr, \quad (14)$$

Рис. 3. Связь натяжения  $\gamma$  плёнки и межфазного натяжения  $\sigma$  в плёнке с компонентами обобщённого тензора гидростатического давления: а — зависимость нормальной компоненты  $P_n = P_{zz}$  тензора давления от  $z$ ; б — зависимость тангенциальной компоненты  $P_t = P_{xx} = P_{yy}$  тензора давления от  $z$ ; в — результат замены ТЖП на мембрану нулевой толщины; г — результат замены ТЖП на две разделяющие поверхности.



Ур-ние (9) составляет термодинамич. основу для вычисления натяжения мембраны  $\gamma$ , а также др. поверхностных избытков путём дифференцирования статистических сумм малого канонического (при постоянных  $T$  и  $N_i$ ) и большого канонического (при постоянных  $T$  и  $\mu_i$ ) ансамблей (см. Гиббса распределения), выражаемых через потенциалы межмолекулярного взаимодействия и молекулярные функции распределения. При этом учитываются энергия теплового движения атомов, молекул и ионов, энергия ван-дер-ваальсовых сил и сил эл.-статич. взаимодействия ионов и ионогенных групп в молекулах, а также сил борновского отталкивания и водородных связей.

В рамках статистич. механики можно определить  $\gamma$  и прямым вычислением компонентов тензора давления, усреднённых по микроскопич. объёмам жидкостей среды путём суммирования возможных межмолекулярных взаимодействий. Основа метода — представления локальной (микроскопич.) термодинамики (или гидродинамич. приближения), согласно к-рым соотношения макроскопич. термодинамики выполняются в каждом сколь угодно малом микроскопич. элементе объёма анизотропной и неод-

здесь  $R_\beta$  — радиус сферич. поверхности, проведённой в объёме фазы  $\beta$ , где  $P_t(R_\beta) = P_\beta$ .

В общем случае искривлённой (несферической) мембраны её механич. состояние характеризуется отличными от нуля изгибающим  $B$  и скручивающим  $\theta$  моментами, величины к-рых зависят от способа определения радиуса  $R$  мембраны. Фундам. ур-ние механич. равновесия такой мембраны (ур-ние Гиббса — Кельвина, или обобщённое ур-ние Лапласа) имеет вид

$$2k\gamma - B(k^2 + d^2) - 2\theta kd = P_\beta - P_\beta, \quad (15)$$

где  $k$  и  $d$  — средняя и дифференциальная (по Гиббсу) кривизны соответственно. Учёт механич. моментов становится существенным при термодинамич. описании ТЖП с низким и сверхнизким значениями  $\gamma$  (напр., для бислоиных липидных мембран, образующих оболочки клеточных структур и везикул). В случае сферич. ТЖП  $\theta = 0$ , и если разделяющая поверхность выбрана т. о., чтобы  $B = 0$  (т. н. поверхность натяжения радиуса  $R_t$  по Гиббсу), то ур-ние (15) обращается в обычное ур-ние Лапласа: