

$$\frac{2\gamma_i}{R_i} = \Delta P = P_\beta - P_\alpha \quad (16)$$

Метод слоя конечной толщины используется при термодинамич. описании ТЖП в том случае, когда толщина плёнки H — измеряемый параметр. Условно полагают, что объём ТЖП $V_f = AH$ заполнен жидкой фазой α , а объём $V_\beta = V - V_f$ — текучей фазой β . Давление в референтной жидкой фазе α внутри плёнки полагают равным давлению P_α в объёмной фазе α , а все экстенсивные параметры представляют в виде суммы соответствующих параметров, отнесённых к объёмным фазам α и β , и поверхностных избытков, отнесённых к двум разделяющим поверхностям площади A :

$$\Omega = \Omega_\beta + \Omega_\alpha + \Omega_s; S = S_\beta + S_\alpha + 2\eta_s A; \quad (17)$$

$$N_i = N_{i\beta} + N_{i\alpha} + 2\Gamma_{is} A,$$

где Γ_{is} — величина адсорбции i -го компонента (удельного избытка числа молей i -го компонента, отнесённого к одной из разделяющих поверхностей), η_s — межфазная энтропия при толщине плёнки H . Фундам. термодинамич. ур-ние для двух разделяющих поверхностей плоскопараллельной плёнки толщиной H

$$d\Omega_s = -2A \sum_i \Gamma_{is} d\mu_i - 2A \eta_s dT - \Pi dH + 2\sigma dA; \quad (18)$$

$$2\sigma = \gamma - \Pi H; \quad (19)$$

$$\Pi = P_\beta - P_\alpha, \quad (20)$$

где σ — межфазное натяжение, Π — расклинивающее давление. Т. о., в рамках метода слоя конечной толщины допустима механич. интерпретация σ (как отнесённой к единице длины избыточной поверхностной силы, действующей параллельно поверхности плёнки) и Π (как отнесённой к единице площади и направленной перпендикулярно к ТЖП силы взаимодействия между разделяющими поверхностями в плёнке).

Для симметричной плоской ТЖП межфазное натяжение σ , вычисляемое как поверхностный избыток объёмного тензора напряжений со стороны объёмных фаз α и β , отнесённый к одной из разделяющих поверхностей в ТЖП (рис. 3, з):

$$2\sigma = \int_{-\infty}^{-H/2} [P_\beta - P_i(z)] dz + \int_{-H/2}^{+H/2} [P_\alpha - P_i(z)] dz + \int_{+H/2}^{+\infty} [P_\beta - P_i(z)] dz, \quad (21)$$

зависит от субъективного выбора толщины плёнки H . В отличие от σ , расклинивающее давление Π , к-рое при данном физ. состоянии ТЖП однозначно определяется давлениями P_α и P_β , является инвариантом, не зависящим от способа определения H .

Из ур-ния (18)

$$d\sigma = -\sum_i \Gamma_{is} d\mu_i - \eta_s dT - \frac{1}{2} \Pi dH \quad (22)$$

и можно получить ур-ние, связывающее σ и Π :

$$\Pi = -2 \left. \frac{\partial \sigma}{\partial H} \right|_{\mu, T}, \quad (23)$$

к-рое в термодинамике ТЖП наз. ур-нием Гиббса — Дюгема.

При разведении межфазных поверхностей плёнки на бесконечно большое расстояние, отвечающее условию $\Pi = 0$, ур-ние (22) обращается в известное ур-ние Гиббса — Дюгема для плоских (невзаимодействующих) межфазных поверхностей:

$$d\sigma_0 = -\sum_i \Gamma_{0is} d\mu_i - \eta_{0s} dT \quad (24)$$

(индекс «0» означает отсутствие взаимодействия между поверхностями). Работа силы расклинивающего давления Π при разведении разделяющих поверхностей единичной площади от H до бесконечности (при постоянных μ_i и T) наз. удельной свободной энергией взаимодействия в ТЖП, толщины H . Она равна

$$\Delta\Omega(H) = \int_H^\infty \Pi(H) dH = 2(\sigma - \sigma_0) \quad (25)$$

и инвариантна относительно локализации разделяющих поверхностей в ТЖП, т. е. не зависит от выбора способа определения толщины плёнки в методе слоя конечной толщины.

Линейное натяжение в ТЖП. Термодинамич. описание микроскопически малых ТЖП [напр., круглых ТЖП, возникающих между двумя каплями эмульсии (рис. 4, а)] требует учёта неоднородности поверхностных сил, действующих в т. н. переходной области плёнки, т. е. в той области, где плёнку уже нельзя назвать тонкой. Если в плоскопараллельной области расклинивающего давления Π положительно и постоянно по величине, то в переходной области, где разделяющие фазы поверхности начинают искривляться, расклинивающее давление испытывает резкое изменение как по величине, так и по знаку, обращаясь в нуль в области объёмной фазы α . Профиль $H(r)$ плёнки в этой области становится сложной ф-цией переменного расклинивающего давления, так же, как и межфазное натяжение σ , определяемое из ур-ния (25).

Вследствие невозможности в большинстве случаев точного измерения действия профиля плёнки $H(r)$ принято использовать разл. референтные модели ТЖП в этой области, к-рые основаны на использовании т. н. идеализированного профиля плёнки $H_n(r)$, совпадающего, по определению, с профилем поверхности, имеющей постоянное ср. кривизну и межфазное натяжение σ_0 в области объёмной фазы α , и экстраполируемого на переходную область при условии равенства нулю Π .

При отрицат. уд. свободной энергии взаимодействия $\Delta\Omega(H_f)$, где H_f — толщина плоскопараллельной области круглой симметричной плёнки, идеализированный профиль $H_n(r)$ образует с плоскостью плёнки контактный угол θ_f , при этом r_f принято считать радиусом круглой плёнки. В этом случае используют референтную модель, основанную на представлении о плёнке как о слое жидкой фазы α конечной толщиной H_f (рис. 4), ограниченном двумя круглыми разделяющимися поверхностями радиусом r_f кажлая, характеризующимися межфазным натяжением $\sigma_f = \sigma(H_f)$, определяемым ур-нием (25), и двумя боковыми поверхностями с постоянной средней кривизной и межфазным натяжением σ_0 , ограничивающими переходную область.

Представляя свободную энергию (большой термодинамич. потенциал Ω_n при постоянных μ_i и T) референтной модели ТЖП в виде суммы объёмной (Ω_V), поверхностной (Ω_A) и линейной (Ω_L) частей

$$\Omega_n = \Omega_V + \Omega_A + \Omega_L \quad (26)$$

и используя условие энергетич. эквивалентности реальной ТЖП и её референтной модели $\Omega = \Omega_n$, получаем

$$\Omega = -P_\beta V_{\beta n} - P_\alpha V_{\alpha n} + 2\sigma_0 A_n + 2\sigma_f \pi r_f^2 + 2\tau 2\pi r_f, \quad (27)$$

где $V_{\beta n}$ и $V_{\alpha n}$ — объёмы фаз, A_n — площадь боковой поверхности референтной модели, τ — линейное натяжение (является по смыслу линейным избытком Ω_L свободной энергии системы, отнесённым к длине окружности плёнки радиусом r_f и имеющим размерность [Дж/м]).

Из ур-ния (27) вытекает условие механич. равновесия контактной (разделяющей по Гиббсу) линии радиусом r_f под действием поверхностных сил:

$$\sigma_f + \tau r_f = \sigma_0 \cos \theta_f, \quad (28)$$

к-рое допускает механич. интерпретацию линейного натяжения как силы, действующей вдоль контактной линии.