

к-рые выражают законы сохранения массы, импульса и энергии. Индексы 1 и 2 относятся соответственно к величинам перед У. в. и за ней. Кроме того, величины ε , p и ρ связаны уравнением состояния. Скорость распространения У. в. по невозмущённому веществу равна $D = -v_1$. Т. о., при заданных параметрах вещества перед волной p_1 и ρ_1 шесть величин: D , p_2 , ρ_2 , ε_2 , v_1 , v_2 связаны пятью уравнениями, т. е. У. в. при заданных p_1 и ρ_1 характеризуется всего одним независимым параметром, напр. D или p_2 , через к-рый могут быть выражены все остальные величины.

Интенсивность У. в. обычно характеризуют относительным скачком давления $(p_2 - p_1)/p_1$ или Маха числом $M_1 = D/a_1$, где a_1 — скорость звука в веществе перед У. в. Для У. в. малой и большой интенсивности соответственно $(p_2 - p_1)/p_1 \ll 1$, $M_1 \approx 1$ и $(p_2 - p_1)/p_1 \gg 1$, $M_1 \gg 1$. Если $(p_2 - p_1)/p_1 \rightarrow 0$, то $M_1 \rightarrow 1$. Из системы (1) получаются следующие выражения для v_1 и v_2 и для скорости течения и относительно вещества перед У. в. (скорость газа в лаб. системе координат на рис. 1):

$$v_1^2 = V_1^2 \frac{p_2 - p_1}{V_1 - V_2}, \quad v_2^2 = V_2^2 \frac{p_2 - p_1}{V_1 - V_2}, \quad (2)$$

$$u = |v_1 - v_2| = \sqrt{(p_2 - p_1)(V_1 - V_2)}$$

(где $V = 1/\rho$ — уд. объём), а также соотношение

$$\varepsilon_2 - \varepsilon_1 = (1/2)(p_2 + p_1)(V_1 - V_2), \quad (3)$$

к-рое наз. ур-нием ударной адиабаты (УА) или адиабаты Погоньо. Др. форма записи ур-ния УА эквивалентна (3):

$$w_2 - w_1 = (1/2)(p_2 - p_1)(V_1 + V_2),$$

где w — уд. энтальпия. Вместе с ур-нием состояния в виде $\varepsilon = \varepsilon(p, V)$ ур-ние (3) выражает зависимость p_2 от V_2 и от параметров вещества перед У. в. — p_1 , V_1 , т. е. представляет собой ф-цию $p_2 = H(V_2, p_1, V_1)$, к-рую также называют УА или адиабатой Погоньо.

Вместе со скачком давления и плотности в У. в. терпят разрыв и др. термодинамич. величины, в т. ч. энтропия s . Законы сохранения (1) формально допускают существование У. в. как сжатия, так и разрежения. Однако, согласно второму началу термодинамики, реально осуществимы только такие У. в., в к-рых энтропия возрастает. Этому требованию удовлетворяют У. в. сжатия и не удовлетворяет У. в. разрежения, если всюду на УА вторая изэнтропич. производная уд. объёма по давлению существует и положительна:

$$(\partial^2 V / \partial p^2)_s > 0. \quad (4)$$

Нарушение этих условий встречается редко и связано с наличием на УА изломов или перегибов (рис. 2), возможных

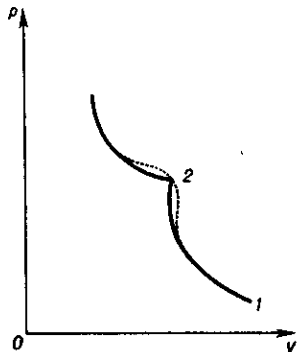


Рис. 2. Ударная адиабата (УА) с изломом или с перегибом (штриховая линия в точке 2); p , V — давление и объём вещества. Точка 1 соответствует состоянию вещества перед ударной волной.

при фазовых переходах в твёрдых телах (плавление, полиморфные превращения и др.) или при их пластич. деформациях, а также в газах в окрестности критич. точки (Я. Б. Зельдович, 1946). С точностью до существования таких «аномалий» УА справедлива теорема Цемплена (1905), согласно к-рой возможны только У. в. сжатия. При

указанных «аномалиях» УА в соответствии с теоретич. предсказаниями У. в. разрежения были получены экспериментально.

У. в. движется по исходному веществу со сверхзвуковой скоростью $D > a_1$, $M_1 > 1$. Поэтому газодинамич. возмущения из области за У. в. не проникают в вещество перед ней и не влияют, следовательно, на его состояние. Скорость У. в. относительно вещества за ней дозвуковая, $v_2 < a_2$, $M_2 = v_2/a_2 < 1$, благодаря чему пространственное распределение газодинамич. величин за У. в. влияет на зависимость её интенсивности от времени. Напр., возмущения от ускоряющегося поршня, к-рый сжимает в трубе газ и создаёт У. в., догоняют и усиливают У. в. Приращение энтропии в У. в. малой интенсивности — величина третьего порядка малости, поэтому такую У. в. можно считать изэнтропичной. При неогранич. возрастании интенсивности У. в. сжатия, т. е. отношение p_2/p_1 , остаётся ограниченным.

Устойчивость У. в. как гидродинамич. разрыва нарушается в случаях ур-ний состояния очень специального вида, приводящих к таким аномалиям формы УА (С. П. Дьяков, 1954), к-рые выражаются в виде неравенств

$$J^2(\partial V / \partial p)_H < -1 \quad \text{или} \quad J^2(\partial V / \partial p)_H > 1 + 2M_2, \quad (5)$$

где $J^2 = v_1^2/V_1^2 = (p_2 - p_1)/(V_1 - V_2)$; $(\partial V / \partial p)_H$ — производная вдоль УА. В случае первого из неравенств (5), выполняющегося на УА с изломами и перегибами типа изображённых на рис. 2, У. в. расщепляется на конфигурацию из двух или большего числа волн. Веществ с такими ур-ниями состояния, при к-рых УА удовлетворяла бы второму из неравенств (5), по-видимому, не существует, хотя соответствующие ур-ния состояния и не запрещены термодинамически.

У. в. в газах. Формулы для У. в. имеют особенно простой вид в случае газа с пост. теплоёмкостью, т. е. когда $\varepsilon = p/\rho(\gamma - 1)$, $p/\rho = RT/\mu_0$, где $\gamma = (c_v + R)/c_v$ — отношение теплоёмкостей при пост. давлении и объёме (показатель адиабаты), R — газовая постоянная; μ_0 — относит. мол. масса, T — темп-ра. В этом случае ур-ние УА выражается в явном виде:

$$\frac{p_2}{p_1} = \frac{(\gamma + 1)V_1 - (\gamma - 1)V_2}{(\gamma + 1)V_2 - (\gamma - 1)V_1}. \quad (6)$$

По сравнению с обычной адиабатой (адиабатой Пуассона), для к-рой $p_2/p_1 = (V_1/V_2)^\gamma$, УА характеризуется большим возрастанием давления при сжатии (рис. 3). Это является

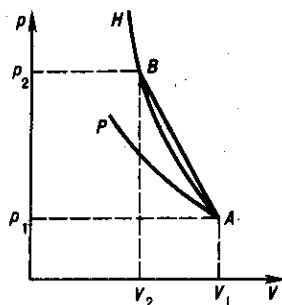


Рис. 3. Ударная адиабата H и адиабата Пуассона P , проходящие через общую точку A начального состояния (B — точка конечного состояния УА).

следствием необратимости нагрева газа в У. в. Параметры газа за У. в., отнесённые к их значениям перед У. в., выражаются через M_1 :

$$\frac{V_1}{V_2} = \frac{p_2}{p_1} = \frac{(\gamma + 1)M_1^2}{(\gamma - 1)M_1^2 + 2},$$

$$\frac{p_2}{p_1} = \frac{2\gamma M_1^2 - \gamma - 1}{\gamma + 1} \frac{\gamma - 1}{\gamma + 1}, \quad (7)$$

$$\frac{T_2}{T_1} = \frac{[2\gamma M_1^2 - (\gamma - 1)][(\gamma - 1)M_1^2 + 2]}{(\gamma + 1)^2 M_1^2}$$

В пределе больших интенсивностей, т. е. при $M_1 \rightarrow \infty$,