

также тесная связь между периодами пульсаций и блеском. Цефеиды III з. с. в перспективе также надёжные индикаторы расстояний.

В нек-рых III з. с. известны т. н. «голубые бродяги» — голубые звёзды, расположенные левее и выше точки поворота гл. последовательности. Их эволюц. положение пока непонятно: они занимают на диаграмме Герцшпрунга — Расселла область, соответствующую более молодым и массивным (чем остальные звёзды III з. с.) звёздам, к-рые в «нормальных» III з. с. уже давно проэволюционировали. Эта загадка ещё ждёт разрешения.

В Большом Магеллановом Облаке (БМО) — спутнике нашей Галактики — и нек-рых др. галактиках обнаружены звёздные скопления, по внешнему виду и светимости очень похожие на III з. с., а по звёздному составу — на рассеянные звёздные скопления молодого или промежуточного возраста. Эти системы имеют более голубой, чем III з. с. Галактики, интегральный цвет. По-видимому, это «богатые» (массой порядка  $10^4 M_{\odot}$ ), но сравнительно молодые скопления с высокой металличностью, но не III з. с., под к-рыми понимаются старые системы с малым содержанием тяжёлых хим. элементов. Считается, что «голубые» скопления образуются в дисках галактик со слабо развитыми спиральными ветвями (т. е. при отсутствии сильной спиральной волны плотности, см. *Спиральные галактики*).

Лит.: Холопов П. Н., Звездные скопления, М., 1981; Звездные скопления, в кн.: Итоги науки и техники, сер. Астрономия, т. 27, М., 1985. А. С. Расторгуев.

**ШВАРЦШИЛЬДА ПРОСТРАНСТВО-ВРЕМЯ** — пространство-время вне массивного невращающегося тела в вакууме (тензор Риччи  $R_{ik}=0$ ). Элемент длины  $ds$  определяется выражением

$$ds^2 = \left(1 - \frac{2GM}{c^2 r}\right) c^2 dt^2 - \frac{dr^2}{1 - \frac{2GM}{c^2 r}} - r^2 d\theta^2 - r^2 \sin^2 \theta d\varphi^2, \quad (1)$$

где  $r, \theta, \varphi$  — сферические координаты с центром в центре массивного тела,  $M$  — масса тела. Это решение ур-ний Эйнштейна *общей теории относительности* было найдено К. Шварцшильдом (K. Schwarzschild, 1916). Величина  $r_g = 2GM/c^2$  наз. радиусом Шварцшильда или *гравитационным радиусом*. III п.-в. является асимптотически плоским при  $r \rightarrow \infty$  и обладает там правильной ньютоновской асимптотикой:  $g_{00} = 1 + \frac{2\Phi}{c^2}$ , где  $\Phi = -\frac{GM}{r}$  — ньютоновский гравитационный потенциал.

На поверхности массивного тела метрика III п.-в. (1) должна непрерывно сшиваться с метрикой, описывающей пространство-время внутри тела. При этом радиальная координата поверхности тела в III п.-в. должна быть больше  $r_g$ , иначе равновесие тела невозможно. III п.-в. имеет смысл и в отсутствие центрального тела. Тогда его можно аналитически продолжить под гравитационный радиус, в область  $r < r_g$ , используя др. системы отсчёта [Д. Финкельштейн (D. Finkelstein), 1958]. Поверхность  $r = r_g$  является изотропной, так что все массивные или безмассовые частицы могут пересекать её только в одну сторону (из-за этого её также называют горизонтом). Если граничные условия при  $r = r_g$  таковы, что частицы пересекают гравитационный радиус в сторону уменьшения  $r$ , то III п.-в. описывает *чёрную дыру*, образовавшуюся в результате коллапса первоначально регулярного распределения материи (напр., звёзды), и тогда поверхность  $r = r_g$  является горизонтом событий. В противном случае III п.-в. содержит *белую дыру*. В области под гравитационным радиусом частицы могут двигаться либо только в сторону уменьшения  $r$  в случае чёрной дыры, либо только в обратную сторону в случае белой дыры. Максимальное аналитическое продолжение III п.-в. в отсутствие вещества [М. Крускал (M. Kruskal), 1960] содержит и чёрную, и белую дыры (внутри каждой из к-рых находится поверхность  $r=0$ ),

а также две несвязанные пространственные асимптотически-плоские бесконечности  $r \rightarrow \infty$ . Однако такое максимальное расширение III п.-в. не является физическим в том смысле, что оно не может возникнуть как результат динамической эволюции регулярного распределения материи. Его тензор кривизны конечен и регулярен при  $r \neq 0$ . Две несвязанные поверхности  $r=0$ , на к-рых он расходится, есть 3-мерные пространственноподобные гиперповерхности. Поэтому нельзя сказать, что  $r=0$  есть «центр» III п.-в., в отличие от случая центрального тела с радиусом  $r_0 > r_g$ .

Можно доказать, что III п.-в. — единственное статическое вакуумное асимптотически-плоское решение ур-ний общей теории относительности. III п.-в., описывающее чёрную дыру, устойчиво: малые возмущения метрики (1) общего вида затухают по степенному закону при  $t \rightarrow \infty$  (показатель степени определяется мультипольностью возмущения). Гравитационная энергия связи тел массой  $m \ll M$ , двигающихся по устойчивым круговым орбитам в III п.-в., может достигать  $\approx 6\%$  от энергии покоя (С. А. Каплан, 1949). Частицы, падающие в чёрную дыру, достигают поверхности горизонта событий за конечное собственное время  $\sim r_g/c$ , но за бесконечный интервал времени  $t$  с точки зрения любого внеш. наблюдателя, не падающего в чёрную дыру. Это утверждение остаётся верным и в случае нестационарной чёрной дыры, масса к-рой растёт из-за поглощения (*аккреции*) ею окружающего вещества [при этом, однако, следует помнить, что в случае аккреции на чёрную дыру радиус поверхности горизонта событий  $r_h(t)$  всегда несколько больше текущего гравитационного радиуса  $r_g(t)$ ]. После пересечения горизонта событий частицы достигают сингулярности  $r=0$  также за конечный интервал собственного времени. Внеш. наблюдатель этого не увидит никогда.

Лит.: Ландау Л. Д., Лифшиц Е. М., Теория поля, 7 изд., М., 1988; Хокинг С., Эллис Дж., Крупномасштабная структура пространства-времени, пер. с англ., М., 1977.

А. А. Старобинский.

**ШВИНГЕРА УРАВНЕНИЯ** функциональные — система ур-ний для *Грина функций* в квантовой теории поля. Предложена Ю. Швингером (J. Schwinger) в 1951. Для получения III у. вводят классич. источники внеш. полей. Напр., в квантовой электродинамике частиц со спином  $1/2$  в простейшем варианте достаточно ввести в лагранжиан взаимодействие квантового поля фотонов  $A^\mu(x)$  с источником внеш. эл.-магн. поля  $J_\mu(x)$  в мин. форме  $-J_\mu A^\mu$ . За счёт этого возникает возможность путём функционального варьирования по классич. источнику  $J_\mu(x)$  получать ф-ции Грина с большим числом фотонных концов. *Матрица рассеяния* становится функционалом  $S[J]$  источника. Удобно также ввести ср. наблюдаемое значение оператора фотонного поля (с учётом квантовых поправок):

$$\mathcal{A}^\mu(x) = \frac{1}{S_0[J]} \langle 0 | T \{ A^\mu(x) S[J] \} | 0 \rangle = i \frac{\delta \ln S_0[J]}{\delta J_\mu(x)},$$

$$S_0[J] \equiv \langle 0 | S[J] | 0 \rangle, \quad \mu = 0, 1, 2, 3,$$

где  $\langle 0 | \dots | 0 \rangle$  — ср. значение операторов по состояниям вакуума в представлении взаимодействия, символ  $T$  обозначает хронологич. упорядочение операторов (см. *Хронологическое произведение*),  $\delta/\delta J_\mu(x)$  — вариационная производная.

В итоге для двухточечной фермионной ф-ции Грина

$$G(x, y|J) = -\frac{i}{S_0[J]} \langle 0 | T \{ \psi(x) \bar{\psi}(y) S[J] \} | 0 \rangle,$$

где  $\psi(x)$  — спинорный оператор фермионного (электрон-позитронного) поля, а черта над оператором означает дираковское сопряжение, имеем ур-ние типа ур-ния Дирака: