

$$D_\mu \varphi = \partial_\mu \varphi + ig W_\mu^a \frac{\tau^a}{2} \varphi + \frac{i}{2} g' B_\mu \varphi,$$

$$(D_\mu \varphi)^+ = \partial_\mu \varphi^+ - ig W_\mu^a \frac{\tau^a}{2} \varphi^+ - \frac{i}{2} g' B_\mu \varphi^+,$$

где g, g' — константы взаимодействия поля Хигса с полями W и B ; τ^a — Паули матрицы.

Явление (механизм) Хигса осуществляется при отрицат. квадратах масс скалярных частиц, т. е. при $m^2 = -m_0^2 < 0$. Предполагается, что отличное от нуля вакуумное среднее приобретает скалярное поле φ_2 : $\langle |\varphi_2| \rangle = \eta/\sqrt{2}$. Скалярные поля переопределяются следующим образом:

$$\varphi = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} \psi_2 + i\psi_1 \\ \eta + \sigma + i\chi \end{pmatrix}, \quad \varphi^+ = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} \psi_2 - i\psi_1 \\ \eta + \sigma - i\chi \end{pmatrix}.$$

Здесь физ. полями являются ψ_i, σ, χ . Подстановка в (3) приводит к появлению члена первой степени по полю σ : $\sigma \cdot (\eta m_0^2 - \lambda \eta^3)$. Требование равенства нулю вакуумного ср. поля σ даёт условие

$$\eta \cdot (m_0^2 - \lambda \eta^2) = 0,$$

решения к-рого $\eta = 0$ (тривиальное) и $\eta^2 \lambda = m_0^2$ (нарушающее симметрию). В теории Э. в. реализуется второе решение. Коэффициенты при квадратах полей ψ_i, χ равны $(m_0^2 - \lambda \eta^2)/2$, т. е. массы их равны нулю, а $m_\sigma = \sqrt{2} m_0$. Появление полей с массой нуль является следствием теоремы Н. Н. Боголюбова [в применении к задачам теории частиц теорему сформулировал Дж. Голдстоун (J. Goldstone), см. *Голдстоуна теорема*]. Безмассовые скалярные частицы уходят из физ. спектра в результате явления Хигса. При этом необходимо провести следующее калибровочное преобразование вектор-потенциалов заряж. бозонов:

$$W_\mu^i \rightarrow W_\mu^i + \frac{2}{g\eta} \frac{\partial \psi_i}{\partial x^\mu}.$$

Бозоны W приобретают массу $M_W = g\eta/2$. Нейтральные поля W^0 и Z образуют комбинацию

$$Z_\mu = \frac{g}{\sqrt{g^2 + g'^2}} W_\mu^0 - \frac{g'}{\sqrt{g^2 + g'^2}} B_\mu - \frac{2}{\eta \sqrt{g^2 + g'^2}} \frac{\partial \chi}{\partial x^\mu},$$

причём нейтральный бозон приобретает массу $M_Z = \eta \sqrt{g^2 + g'^2}/2$. Угол Вайнберга связан с константами связи следующим образом:

$$\cos \theta_W = \frac{g}{\sqrt{g^2 + g'^2}}, \quad \sin \theta_W = \frac{g'}{\sqrt{g^2 + g'^2}}.$$

Фотонная комбинация (2) массу не приобретает. Т. о., три безмассовых скаляра в результате осуществления механизма Хигса включаются в массивные векторные поля, давая недостающие степени свободы. Из равенства заряда W элементарному заряду e получаем связь $e^2 = g^2 \sin^2 \theta_W$.

Для описания взаимодействия векторных и скалярных полей с элементарными спинорами — лептонами и кварками — вводятся лептонные мультиплеты — левые и правые

$$\psi_L^k = \frac{1+\gamma_5}{2} \begin{pmatrix} N_k \\ E_k \end{pmatrix}; \quad \psi_R^k = \frac{1-\gamma_5}{2} E_k,$$

где $k = 1, 2, 3$; $N_k = (\nu_e, \nu_\mu, \nu_\tau)$; $E_k = (e, \mu, \tau)$, и аналогичные кварковые мультиплеты

$$\Psi_L^k = \frac{1+\gamma_5}{2} \begin{pmatrix} U_k \\ D_k \end{pmatrix}; \quad \Psi_R^{k(U)} = \frac{1-\gamma_5}{2} U_k;$$

$$\Psi_R^{k(D)} = \frac{1-\gamma_5}{2} D_k; \quad U_k = (u, c, t), \quad D_k = (d', s', b'),$$

где штрих у кварков типа D означает комбинации кварков d, s, b , k -рые определены ниже.

Часть лагранжиана Э. в., содержащая спиноры, имеет вид:

$$L_\psi = \frac{i}{2} \sum_{k=1}^3 (\bar{\psi}_L^k \gamma_\rho D_\rho \psi_L^k - D_\rho \bar{\psi}_L^k \gamma_\rho \psi_L^k + \bar{\psi}_R^k \gamma_\rho D_\rho \psi_R^k - D_\rho \bar{\psi}_R^k \gamma_\rho \psi_R^k + \bar{\psi}_L^k \gamma_\rho D_\rho \psi_L^k - D_\rho \bar{\psi}_L^k \gamma_\rho \psi_L^k + \bar{\psi}_R^{k(U)} \gamma_\rho D_\rho \psi_R^{k(U)} - D_\rho \bar{\psi}_R^{k(U)} \gamma_\rho \psi_R^{k(U)} - D_\rho \bar{\psi}_R^{k(D)} \gamma_\rho \psi_R^{k(D)} - D_\rho \bar{\psi}_R^{k(D)} \gamma_\rho \psi_R^{k(D)}). \quad (4)$$

Известные электрич. заряды лептонов и кварков фиксируют вид удлинённых производных (независимо от k):

$$D_\rho \psi_L = \partial_\rho \psi_L + \frac{ig\tau^a}{2} W_\rho^a \psi_L - \frac{ig}{2} \text{tg } \theta_W B_\rho \psi_L; \\ D_\rho \psi_R = \partial_\rho \psi_R - ig \text{tg } \theta_W B_\rho \psi_R; \\ D_\rho \Psi_L = \partial_\rho \Psi_L + \frac{ig\tau^a}{2} W_\rho^a \Psi_L + \frac{ig \text{tg } \theta_W}{6} B_\rho \Psi_L; \quad (5) \\ D_\rho \Psi_R^{(U)} = \partial_\rho \Psi_R^{(U)} + \frac{2ig \text{tg } \theta_W}{3} B_\rho \Psi_R^{(U)}; \\ D_\rho \Psi_R^{(D)} = \partial_\rho \Psi_R^{(D)} - \frac{ig \text{tg } \theta_W}{3} B_\rho \Psi_R^{(D)}.$$

Взаимодействие спиноров со скалярными хигсовыми полями описывается выражением

$$L_s = \sum_k \{ g_s^k (\bar{\psi}_L^k \psi_R^k \varphi + \bar{\psi}_R^k \psi_L^k \varphi^+) + G_s^{k(U)} (\bar{\psi}_L^k \Psi_R^{k(U)} \varphi^+ + \Psi_R^{k(U)} \bar{\psi}_L^k \varphi) + G_s^{k(D)} (\bar{\psi}_L^k \Psi_R^{k(D)} \varphi + \Psi_R^{k(D)} \bar{\psi}_L^k \varphi^+) \},$$

где g_s^k — соответствующие константы взаимодействия. Выделение вакуумного среднего η приводит к появлению массы лептонов и кварков, причём массы определяются соответствующими юкавскими константами связи, напр. $m_e = \eta g_s^1 / \sqrt{2}$, $m_c = \eta G_s^{2(U)} / \sqrt{2}$. По крайней мере, на нынешнем этапе понимания теории Э. в. каждой массе соответствует своя константа, так что они задаются в соответствии с экспериментом.

Из выражений (4), (5) следует окончат. вид Э. в. лептонов и кварков с векторными полями:

$$L_{int} = -\frac{g}{2\sqrt{2}} j_\rho W_\rho + \text{h. c.} - \frac{g}{2 \cos \theta_W} j_\rho^0 Z_\rho - e j_\rho^{em} A_\rho,$$

где зарядж. ток

$$j_\rho = \sum_k (\bar{N}^k \gamma_\rho (1 + \gamma_5) E^k + \bar{U}^k \gamma_\rho (1 + \gamma_5) D^k);$$

эл.-магн. ток

$$j_\rho^{em} = \sum_k (-\bar{E}^k \gamma_\rho E^k + \frac{2}{3} \bar{U}^k \gamma_\rho U^k - \frac{1}{3} \bar{D}^k \gamma_\rho D^k)$$

и нейтральный ток

$$j_\rho^0 = \sum_k \left\{ \frac{1}{2} \bar{U}^k \gamma_\rho (1 + \gamma_5) U^k - \frac{1}{2} \bar{D}^k \gamma_\rho (1 + \gamma_5) D^k - 2 \sin^2 \theta_W j_\rho^{em} \right\}.$$

Сравнивая зарядж. ток с выражением (2), получаем, что калибровочная константа связи $g = g_W 2\sqrt{2}$, откуда

$$M_W = \sqrt{\frac{\pi \alpha}{\sqrt{2} G_F}} \frac{1}{|\sin \theta_W|}, \quad \alpha = \frac{e^2}{4\pi}.$$

Т. о., главные отличия Э. в. от четырёхфермионного взаимодействия (1) заключаются, во-первых, в существовании тяжёлых промежуточных бозонов W, Z и, во-вторых, в присутствии взаимодействия с нейтральным током. Существенно, что нейтральный ток является диагональным по квантовым числам странности, чарма и т. д. Комбинации d', s', b' определяются матрицей Кабиббо — Кобаяши — Маскава, зависящей от трёх углов (Эйлера) φ_j и одной фазы δ :